UNIVERSITÀ DI PISA – Dipartimento di Ingegneria Civile e Industriale (DICI)



Scienza delle Costruzioni I (CdL in Ingegneria Civile, Ambientale e Edile)

A.A. 2012/2013

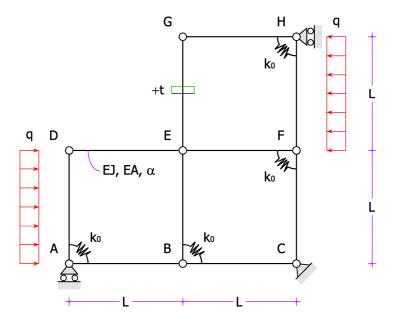
Docente: Prof. Ing. Paolo Sebastiano VALVO Web: www.dic.unipi.it/paolovalvo/sdc1.html

Prova scritta dell'11 giugno 2013

Problema

La struttura di figura è costituita da travi flessibili ed estensibili, tutte di rigidezza flessionale EJ e rigidezza estensionale EA, vincolate fra loro ed al suolo come mostrato. Inoltre, nei nodi A, B, F ed H sono presenti molle rotazionali di costante k_0 .

Sui tratti AD ed FH agiscono carichi trasversali uniformemente distribuiti di intensità q per unità di lunghezza. Inoltre, il tratto EG subisce una variazione termica uniforme +t (sia α il coefficiente di dilatazione termica del materiale).



- a) Mostrare come il sistema possa essere suddiviso nella somma di un sistema simmetrico e di uno antisimmetrico, ciascuno dei quali può essere studiato limitandosi ad una metà della struttura, previa l'introduzione di opportuni vincoli in corrispondenza dell'asse di simmetria.

 [4 punti]
- b) Con riferimento al sistema simmetrico, risolvere il problema con il metodo delle forze, assumendo come incognita iperstatica X₁ la reazione vincolare del carrello in A. In particolare:
- risolvere i sistemi S_0 ed S_1 , determinando i valori delle reazioni vincolari e le espressioni delle caratteristiche della sollecitazione;
- tracciare i diagrammi delle caratteristiche della sollecitazione nei sistemi S_0 ed S_1 ;
- calcolare i valori dei coefficienti di Müller-Breslau η_1 , η_{10} , η_{11} e dell'incognita iperstatica X_1 . [16 punti]
- c) Con riferimento al sistema antisimmetrico, eliminate le molle rotazionali, la struttura si trasforma in un cinematismo. In questo caso, studiare il problema cinematico:
- determinare lo spostamento di tipo rigido-infinitesimo subito da ogni elemento della struttura in funzione dell'angolo di rotazione θ_1 della trave AB e disegnarlo con cura;
- calcolare il lavoro virtuale compiuto dai carichi per effetto degli spostamenti determinati al punto precedente.
 [10 punti]