UNIVERSITÀ DI PISA – Dipartimento di Ingegneria Civile e Industriale (DICI)



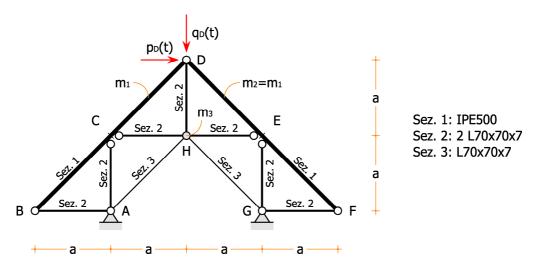
Dinamica delle Strutture (CdLM in Ingegneria Edile e delle Costruzioni Civili)

A.A. 2013/2014

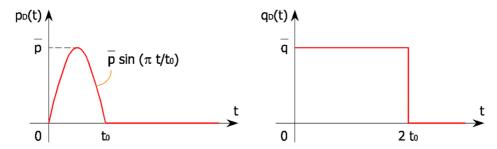
Docente: Prof. Ing. Paolo Sebastiano VALVO Web: www.ing.unipi.it/paolovalvo/dds.html

Prova d'esame del 7 luglio 2014

La struttura di figura è costituita da aste e travi di acciaio (modulo di Young $E_s=210~\text{GPa}$, densità $\rho_s=7850~\text{kg/m}^3$), vincolate fra loro ed al suolo come mostrato. Sulle travi BCD e DEF sono presenti, rispettivamente, le masse aggiuntive m_1 ed m_2 uniformemente distribuite.



Sulla struttura agiscono i carichi dinamici impulsivi definiti dai grafici sottostanti, con $t_0 = 0.01$ s.



Si assuma una matrice di smorzamento definita secondo l'ipotesi di Rayleigh:

$$[C] = \alpha [M] + \beta [K], con \alpha = 1.5 e \beta = 0.0005.$$

- a) Assumendo opportune ipotesi semplificative (**considerare rigide le travi di sezione 1**), modellare la struttura come un sistema meccanico a 6 gradi di libertà. In questo caso,
 - determinare le frequenze naturali ed i corrispondenti modi di vibrare della struttura;
 - determinare la risposta dinamica della struttura per un tempo t compreso tra 0 e $t_{max} = 2$ s;
 - tracciare i grafici degli spostamenti nel tempo dei punti D ed H.

[15 punti]

b) Rimosse le precedenti ipotesi semplificative, con l'ausilio dell'elaboratore elettronico, analizzare il problema con il metodo degli elementi finiti e determinare le stesse quantità di cui al punto a).

[15 punti]

Valori numerici da utilizzare nel calcolo:

a = (M/200) mm, $m_1 = m_2 = (M/20) \text{ kg}$, $m_3 = (M/40) \text{ kg}$, $\overline{p} = (M/160) \text{ kN}$, $\overline{q} = (M/250) \text{ kN}$, dove M = numero di matricola.

UNIVERSITÀ DI PISA – Dipartimento di Ingegneria Civile e Industriale (DICI)



Dinamica delle Strutture (CdLM in Ingegneria Edile e delle Costruzioni Civili)

A.A. 2013/2014

Docente: Prof. Ing. Paolo Sebastiano VALVO Web: www.ing.unipi.it/paolovalvo/dds.html

Prova d'esame del 7 luglio 2014 - Risposte

Cognome	Nome	Matricola M	
Massa m₁ [kg]	Massa m ₂ [kg]	Massa m ₃ [kg]	
Lunghezza a [mm]	Carico di riferimento p [kN]	Carico di riferimento q [kN]	

	Modello semplificato		Modello FEM	
Modo i	Frequenza f _i [Hz]	Periodo T _i [s]	Frequenza f _i [Hz]	Periodo T _i [s]
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				
8				
Quantità	Valore min	Valore max	Valore min	Valore max
Spostamento u _D [mm]				
Spostamento w _D [mm]				
Spostamento u _H [mm]				
Spostamento w _H [mm]				