## UNIVERSITÀ DI PISA – Dipartimento di Ingegneria Civile e Industriale (DICI)



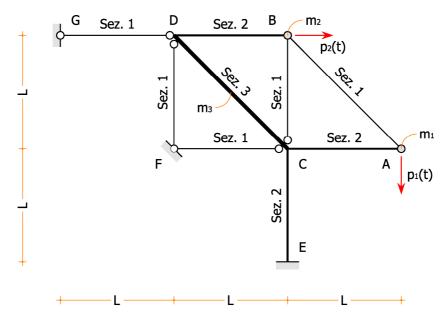
Dinamica delle Strutture (CdLM in Ingegneria Edile e delle Costruzioni Civili)

A.A. 2013/2014

Docente: Prof. Ing. Paolo Sebastiano VALVO Web: www.ing.unipi.it/paolovalvo/dds.html

## Prova d'esame dell'11 giugno 2014

La struttura di figura è costituita da aste e travi di acciaio (modulo di Young  $E_s = 210 \text{ GPa}$ , densità  $\rho_s = 7850 \text{ kg/m}^3$ ) e travi rigide, vincolate fra loro ed al suolo come mostrato.



Sez. 1: Tubo quadrato 150x150x12

Sez. 2: IPE 300 Sez. 3: Rigida

Sulla struttura agiscono i seguenti carichi dinamici:

$$p_1(t) = I_{n1}\delta(t)$$
,  $p_2(t) = \overline{p}_2 \sin(20\pi t) \exp(-\alpha t)$ ,

dove  $\delta(t)$  è la Delta di Dirac e  $\alpha = 1/s$ .

Il rapporto di smorzamento può essere assunto pari a  $\xi$  = 5% costante per tutti i modi di vibrare.

- a) Assumendo opportune ipotesi semplificative, modellare la struttura come un sistema meccanico a 4 gradi di libertà. In questo caso,
  - determinare le frequenze naturali ed i corrispondenti modi di vibrare della struttura;
  - determinare la risposta dinamica della struttura per un tempo t compreso tra 0 e t<sub>max</sub> = 10 s;
  - tracciare i grafici degli spostamenti nel tempo dei punti di applicazione dei carichi.

[15 punti]

b) Rimosse le precedenti ipotesi semplificative, con l'ausilio dell'elaboratore elettronico, analizzare il problema con il metodo degli elementi finiti e determinare le stesse quantità di cui al punto a).

[15 punti]

Valori numerici da utilizzare nel calcolo:

$$L = (0.01 \text{ M}) \text{ mm}, \ m_1 = (0.02 \text{ M}) \text{ kg}, \ m_2 = (0.01 \text{ M}) \text{ kg}, \ m_3 = (0.04 \text{ M}) \text{ kg},$$

$$I_{p_1}$$
 = (0.02 M) N s ,  $~\overline{p}_{_2}$  = (0.5 M) N , dove M = numero di matricola.

## UNIVERSITÀ DI PISA – Dipartimento di Ingegneria Civile e Industriale (DICI)



Dinamica delle Strutture (CdLM in Ingegneria Edile e delle Costruzioni Civili)

A.A. 2013/2014

Docente: Prof. Ing. Paolo Sebastiano VALVO Web: www.ing.unipi.it/paolovalvo/dds.html

## Prova d'esame dell'11 giugno 2014 - Risposte

Cognome	Nome	Matricola M	
<b>Massa</b> m <sub>1</sub> [kg]	<b>Massa</b> m <sub>2</sub> [kg]	Massa m <sub>3</sub> [kg]	
Lunghezza L [mm]	<b>Impulso</b> I <sub>p1</sub> [kN s]	Carico di riferimento $\overline{p}_2$ [kN]	

	Modello semplificato		Modello FEM	
Modo i	<b>Frequenza</b> f <sub>i</sub> [Hz]	<b>Periodo</b> T <sub>i</sub> [s]	<b>Frequenza</b> f <sub>i</sub> [Hz]	<b>Periodo</b> T <sub>i</sub> [s]
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				
8				
Quantità	Valore min	Valore max	Valore min	Valore max
Spostamento W <sub>A</sub> [mm]				
Spostamento u <sub>B</sub> [mm]				