

Esercizio 1 (12 punti)

Il segnale $s(t)$, periodico di periodo $T_0=2s$, possiede lo sviluppo in serie di Fourier dato dai coefficienti

$$S_n = \frac{\sqrt{2} + e^{\frac{j\pi n}{4}}}{n^2}, \text{ per } n \neq 0 \text{ e } S_0 = -2$$

- 1) Dire se il segnale è reale o complesso e se presenta simmetrie, motivando le risposte date.
- 2) Rappresentare la TCF del segnale.
- 3) Fare il grafico modulo e fase dei coefficienti dello sviluppo in serie per $n=0, \pm 1, \pm 2$.
- 4) Fare il grafico del segnale $s_1(t)$ ottenuto ricostruendo il segnale con i soli coefficienti per $n=0$ e ± 1
- 5) Si consideri il segnale $|s_1(t)|$, se ne faccia il grafico e si discutano le differenze frequenziali tra questo segnale e il segnale $s_1(t)$.
- 6) Si consideri il segnale $s_1(t-0.1024)$, se ne faccia il grafico e si discutano le differenze frequenziali tra questo segnale e il segnale $s_1(t)$.

Esercizio 2 (12 punti)

Si consideri il segnale a tempo continuo $s(t) = \text{sinc}^2(2t)$. Si campioni tale segnale con un tempo di campionamento pari a 2 volte la frequenza di Nyquist, a partire dall'istante $t=-2$ s e si indichi con $s[n]$ la sequenza ottenuta.

Si osservi tale sequenza per n compreso tra -1 e 1 (dove con n si indica il campione all'istante nT dove T è il tempo di campionamento) e si indichi con $s_1[n]$ la sequenza ottenuta.

Si descriva la relazione tra $s[n]$ e $s_1[n]$ sia nel tempo che in frequenza utilizzando una notazione simbolica e opportune relazioni funzionali.

Stimare, tramite la TDF, la TF della sequenza $s_1[n]$ con una risoluzione pari a 0.8 Hz.

Esercizio 3 (6 punti)

Fornire l'equazione alle differenze e la funzione di trasferimento di un filtro a tempo discreto di tipo FIR, nel caso più generale.

Presentare uno schema del filtro ad elementi discreti utilizzando la forma diretta.

Discutere quali sono i comandi utilizzabili in matlab per ottenere la risposta in frequenza del filtro a partire dalla sua funzione di trasferimento e come questi vengono utilizzati.