Una ruota gira intorno ad un asse stazionario, di modo che l'angolo di rotazione vale φ =kt², dove k=0.20rad/s². Trovare l'accelerazione totale **a** del punto A, che si trova sul bordo del volano, nell'istante t=2.5s, se la velocità del punto A in quel momento vale V_A=0.65m/s.

Esercizio 2

Un corpo rigido ruota intorno ad un asse fisso con legge oraria $\varphi = at - bt^3$, con le costanti a e b che valgono rispettivamente: a = 6 rad/s e b = 2 rad/s³. Trovare:

- a) i valori medi di velocità ed accelerazione angolare nell'intervallo di tempo tra t=0 e l'istante in cui il moto si arresta;
- b) l'accelerazione angolare nel momento in cui il moto si arresta.

Esercizio 3

Un oggetto solido ruota intorno ad un asse fisso in modo tale che la sua velocità angolare dipende dall'angolo di rotazione con la legge $\omega=\omega_0$ - $a\phi$, dove ω_0 ed a sono costanti positive. All'istante t=0 l'angolo $\phi=0$. Trovare l'angolo di rotazione e la velocità angolare in funzione del tempo.

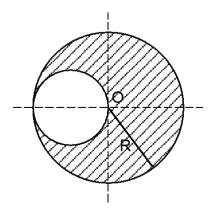
Esercizio 4

Un oggetto solido inizia a ruotare intorno ad un asse fisso con accelerazione angolare α =kt, con k=2*10⁻² rad/s³. Dopo quanto tempo dall'inizio della rotazione un arbitrario punto di tale oggetto avrà un'accelerazione tale da formare un angolo θ =60° con la velocità del punto stesso?

Esercizio 5

Si abbia un piano inclinato di un angolo α rispetto all'orizzontale sul quale è appoggiata e tenuta ferma una sfera piena di raggio R. Sia A il punto della sfera che è in contatto con il piano inclinato. In un certo istante la sfera viene lasciata libera di muoversi ed essa, compreso il punto A, comincia a rotolare (senza strisciare) lungo il piano inclinato. Dopo quanto tempo la velocità del punto A ha direzione orizzontale per la prima volta?

Esercizio 6



Un disco uniforme di raggio R=20cm ha un foro tondo, come da figura. La massa della porzione rimanente (ombreggiata) del disco vale m=7.3Kg. Trovare il momento d'inerzia del disco forato, rispetto ad un asse che passa per il suo centro di massa ed è ad esso perpendicolare.

Determinare il momento d'inerzia di un corpo sferico di massa M e raggio *a* che abbia la massa al suo interno distribuita con una densità inversamente proporzionale alla distanza dal centro

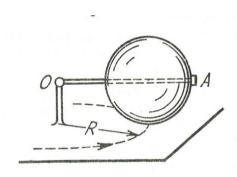
Supponendo che la Terra abbia una distribuzione di densità di questo tipo e che per effetto delle forze di marea vengano dissipati ogni anno $3x10^{19}$ J di energia cinetica, calcolare il cambiamento della durata del giorno che si ha ogni anno. La massa della Terra vale $5x10^{24}$ kg ed il suo raggio vale $6x10^6$ m.

Esercizio 8

Dimostrare che nel caso di una lastra piana e sottile, di forma arbitraria, esiste la seguente relazione tra momenti d'inerzia: $I_1 + I_2 = I_3$ dove gli indici 1, 2 e 3 definiscono tre assi mutuamente ortogonali passanti per uno stesso punto della lastra, con gli assi 1 e 2 giacenti sullo stesso piano della lastra.

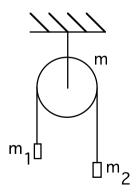
Usando questa relazione, calcolare il momento d'inerzia di un disco di raggio R e massa m, sottile ed uniforme, rispetto ad un asse di rotazione coincidente con un diametro del disco.

Esercizio 9

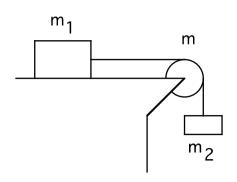


Una sfera uniforme di massa m e raggio r rotola senza strisciare su un piano orizzontale, ruotando intorno all'asse orizzontale mobile OA. In questo moto il centro della sfera si muove con velocità v lungo una circonferenza di raggio R. Trovare l'energia cinetica della sfera.

Esercizio 10



Nel sistema in figura la massa della carrucola, uniforme e di raggio R, vale m e le masse dei due corpi appesi valgono m_1 ed m_2 . Si suppongano nulli l'attrito sull'asse della carrucola, la massa della corda e lo slittamento tra corda e carrucola. Trovare l'accelerazione angolare della carrucola ed il rapporto T_1/T_2 tra le tensioni della corda nei due tratti verticali durante il moto del sistema.

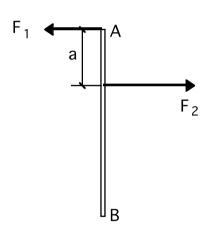


Nel sistema in figura, le masse dei due contrappesi valgono m_1 ed m_2 , il coefficiente di attrito tra il corpo di massa m_1 ed il piano orizzontale vale μ e la carrucola di massa m può essere considerata un disco uniforme. La corda non può slittare sulla carrucola. Nell'istante t=0 il corpo di massa m_2 comincia a scendere. Assumendo nulli la massa della corda e l'attrito sull'asse della carrucola, trovare il lavoro compiuto dalle forze d'attrito fra m_1 ed il piano fino all'istante $t=\tau$.

Esercizio 12

Al soffitto di un ascensore è appesa una carrucola di massa m₃ e raggio R, che può ruotare senza attrito sul suo asse. Sulla carrucola si impegna una corda alle cui estremità sono appese le masse m₁ ed m₂ (macchina di Atwood). L'ascensore sta accelerando verso l'alto con accelerazione a. Il sistema costituito da masse, corda e carrucola è libero di muoversi. Oual è la forza che si esercita tra la carrucola ed il soffitto dell'ascensore?

Esercizio 13



Una sottile sbarra uniforme AB di massa m=1 Kg si muove di moto traslatorio (senza rotazioni) con accelerazione w=2 m/s 2 sotto l'azione di due forze antiparallele \mathbf{F}_1 ed \mathbf{F}_2 (vedi figura). La distanza tra i punti di applicazione vale a=20 cm, essendo F_1 applicata all'estremo A. Inoltre è noto il modulo $F_2=5$ N. Trovare la lunghezza della sbarra.

Esercizio 14

Un cubo omogeneo di massa M=100~kg e lato L=1~m è appoggiato su una superficie piana; il coefficiente di attrito fra cubo e piano è $\mu_S=0.8$. Viene applicata su uno degli spigoli superiori del cubo una forza di modulo F parallela al piano e diretta come un lato del cubo stesso. Si calcoli:

- a) il valore limite della forza per cui il cubo non trasla;
- b) il valore limite della forza per cui il cubo non ruota;
- c) il momento, rispetto ad uno dei lati a contatto del suolo, della forza vincolare che il piano esercita sul cubo nel caso F = 200N;
- d) l'accelerazione angolare iniziale del centro di massa del cubo nel caso F = 600N.

Siamo nel campo gravitazionale terrestre. Si abbia un'asta uniforme di acciaio AB di lunghezza L. Al suo punto centrale C venga saldata perpendicolarmente ad essa un'asta uniforme di rame CD. L'estremità A dell'asta d'acciaio venga incardinata e sospesa ad un punto fisso O (coincidente quindi con A), rispetto al quale il sistema delle due aste possa ruotare senza attrito in ogni direzione. Si metta in rotazione il sistema delle due aste rispetto ad un asse verticale passante per O. Per quale velocità angolare del sistema l'asta d'acciaio permane in direzione verticale?

Esercizio 16

La porta di un'automobile è aperta in posizione perpendicolare rispetto all'automobile stessa. L'automobile parte con un'accelerazione di 0.60 m/sec² e la porta è larga 90 cm. Assimilando la porta ad un rettangolo uniforme e trascurando gli attriti, determinare la velocità rispetto all'automobile dello spigolo esterno della porta quando questa si chiude.

Esercizio 17

Una sottile sbarra uniforme AB, posta in posizione orizzontale, ha massa m e lunghezza D e può ruotare liberamente intorno ad un asse verticale che passa per la sua estremità A. In un certo istante all'estremità B viene applicata una forza orizzontale costante \mathbf{F} , che è sempre perpendicolare alla posizione originale della sbarra. Trovare la velocità angolare della sbarra in funzione dell'angolo di rotazione ϕ , misurato relativamente alla posizione iniziale.

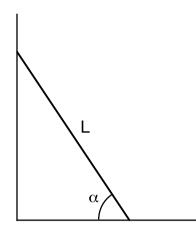
Esercizio 18

Un muro di altezza h e spessore s è costruito con mattoni di densità ρ_M , ed è semplicemente appoggiato su una superficie orizzontale ruvida. Un vento di velocità V soffia contro il muro, e si può assumere che esso venga completamente arrestato dal muro. La densità dell'aria sia ρ_A .

- a) Trovare la minima velocità V per cui il muro viene rovesciato dal vento.
- b) Trovare il massimo coefficiente d'attrito statico tra il muro e la superficie orizzontale per cui il muro scivola invece di rovesciarsi.

Esercizio 19

Un'asta uniforme è appoggiata verticalmente su un piano orizzontale molto scabro (coefficiente di attrito statico praticamente infinito). Lasciata libera di muoversi, essa comincia a cadere ruotando intorno al punto di contatto col piano. Ad un certo momento durante la caduta, l'asta perde contatto col piano (la forza normale applicata dal piano all'asta diventa zero). Trovare l'angolo tra l'asta e la verticale in quel momento (piccolo aiuto: il coseno di tale angolo è una frazione molto semplice).



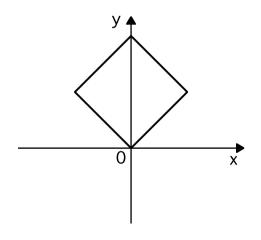
Una scala di lunghezza L, approssimabile come un'asta uniforme, viene appoggiata ferma contro un muro, formando un angolo α_0 con il pavimento. Sia il muro che il pavimento sono perfettamente lisci.

a) Si dica se esistono dei valori di α_0 tali che la scala rimane in equilibrio.

Si supponga ora che la scala cominci a scivolare e che le sue estremità rimangano in contatto rispettivamente col pavimento e col muro. Si faccia coincidere l'asse x col pavimento e l'asse y col muro.

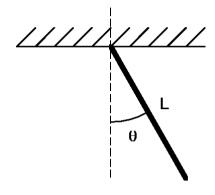
- b) Si determini l'equazione (nel piano x-y) della curva percorsa dal centro di massa della scala:
- c) si calcolino le velocità delle due estremità della scala nel momento in cui questa tocca terra;
- d) si determini la velocità del centro di massa in funzione della inclinazione della scala durante la caduta;
- e) si determini l'accelerazione del centro di massa in funzione della inclinazione della scala durante la caduta:
- f) si dica se è effettivamente vero che la scala non si stacca dal muro durante la caduta, ed in caso contrario si calcoli per quale inclinazione della scala avviene il distacco se questa viene lasciata andare, da ferma, ad $\alpha_0 = \pi/2$

Esercizio 21



Un cubo uniforme di massa m è incernierato in modo da poter ruotare senza attrito intorno ad un asse orizzontale fisso, coincidente con uno dei suoi spigoli e con l'asse z di un sistema di riferimento cartesiano ortogonale. Il cubo viene lasciato libero di muoversi da fermo nella posizione iniziale di equilibrio instabile nella quale il suo centro di massa è alla quota y maggiore possibile. Detto θ l'angolo di rotazione del cubo rispetto alla posizione iniziale, si trovino in funzione di θ le componenti x ed y della forza esercitata dal cubo sull'asse di rotazione durante il moto. Si trovino inoltre i

valori di θ per cui tale forza ha modulo di valore massimo o minimo.

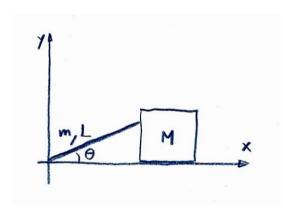


Un pendolo conico è costituito semplicemente da una sbarra sottile ed uniforme, di lunghezza L, sospesa ad una sua estremità ad un punto fisso e libera di ruotare intorno ad esso senza attrito.

Un tale pendolo viene messo in rotazione uniforme e stabile intorno ad un asse verticale con velocità angolare costante o

Si chiede di determinare l'angolo θ compreso tra la sbarra e la direzione verticale (vedi figura).

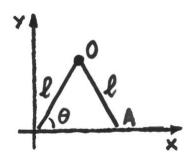
Esercizio 23



In un punto di un piano orizzontale liscio, coincidente con l'origine di un sistema di assi cartesiani, è incernierata un'asta rigida, omogenea, di lunghezza L e massa m, che appoggia l'altro estremo ad un cubo di massa M, libero di muoversi senza attrito sul piano orizzontale. L'asta giace nel piano della figura. Inizialmente il sistema è in quiete e l'angolo che l'asta forma con l'orizzontale è θ_0 . In assenza di attriti si calcoli la reazione vincolare fra l'asta ed il cubo durante il moto

in funzione dell'angolo $\boldsymbol{\theta}$ formato dall'asta con il piano orizzontale.

Esercizio 24



Un compasso è composto da due aste omogenee di lunghezza l unite da uno snodo O, il quale ha massa trascurabile e non offre attrito alle rotazioni. Il compasso è appoggiato su un piano orizzontale liscio ed una delle sue aste è in contatto con una parete verticale liscia che forma uno spigolo con il piano. Il compasso può solo muoversi sul piano verticale x-y, ed inizialmente si trova fermo e con un angolo di 60° tra le aste. Detto θ l'angolo di inclinazione dell'asta che tocca l'origine, e detta V_A la

velocità della punta libera A del compasso, si trovi V_A in funzione di θ durante la caduta.

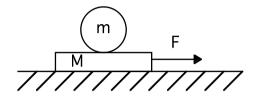
Esercizio 25

Una sottile sbarra di lunghezza H è tenuta in posizione verticale con il suo estremo inferiore fermo su una superficie piana orizzontale e priva di attrito. L'estremo superiore della sbarra viene lasciato libero ed inizia a cadere mentre il suo estremo inferiore scivola sulla superficie. Determinare la velocità lineare dell'estremo superiore quando colpisce la superficie.

Un cilindro uniforme di massa m e raggio R rotola verso il basso, senza strisciare, su un piano inclinato posto ad un angolo α rispetto all'orizzontale. Trovare:

- a) il minimo coefficiente d'attrito per il quale non si ha slittamento
- b) l'energia cinetica del cilindro t secondi dopo l'inizio del moto

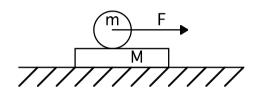
Esercizio 27



Una slitta di massa M, con una sfera piena ed omogenea di massa m appoggiata su di essa, giace su di un piano orizzontale liscio (vale a dire senza attrito). Una forza orizzontale costante \mathbf{F} è applicata alla slitta. Con quali accelerazioni si muoveranno rispettivamente la slitta (a_M) ed il

centro della sfera (am), se c'è rotolamento puro tra la slitta e la sfera?

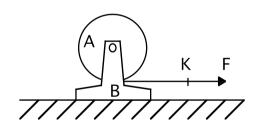
Esercizio 28



Una slitta di massa M, con un cilindro pieno ed omogeneo di massa m appoggiato su di essa, giace su di un piano orizzontale liscio (vale a dire senza attrito). Una forza orizzontale costante \mathbf{F} è applicata all'asse del cilindro. Con quali accelerazioni si muoveranno rispettivamente la

slitta (a_M) ed l'asse del cilindro (a_m), se c'è rotolamento puro tra la slitta ed il cilindro?

Esercizio 29



Un cilindro uniforme A di massa m_A è libero di ruotare intorno ad un asse orizzontale, fissato ad un supporto B di massa m_B. Una forza orizzontale costante F è applicata all'estremità K di una corda leggera ed inestensibile, avvolta sul cilindro. Sia assente ogni attrito tra B ed il sottostante piano orizzontale.

- a) Quanto vale l'accelerazione del punto K?
- b) Quanto vale l'energia cinetica del sistema t secondi dopo l'inizio del moto?

Esercizio 30

Un cilindro uniforme, di massa m, avente raggio R ed asse orizzontale, viene fatto ruotare con velocità angolare ω_0 e quindi viene calato finché la sua superficie laterale venga a contatto con un piano orizzontale, ed allora rilasciato. Il coefficiente d'attrito tra il piano ed il cilindro vale μ .

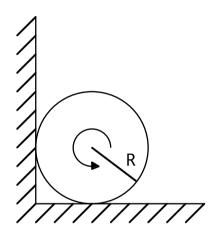
- A) Per quanto tempo il cilindro slitta rispetto al piano?
- B) Determinare il lavoro totale della forza d'attrito durante lo slittamento.

Un volano che ruota intorno al proprio asse con velocità angolare iniziale ω_0 decelera a causa di un attrito il cui momento meccanico è proporzionale alla radice quadrata della velocità angolare istantanea. Trovare la velocità angolare media del volano durante il tempo totale di decelerazione del volano.

Esercizio 32

Un disco uniforme, avente raggio R ed asse verticale, viene fatto ruotare con velocità angolare ω_0 e quindi viene posato con cura su una superficie orizzontale. Se il coefficiente di attrito vale μ_d , si chiede per quanto tempo continuerà la rotazione del disco sulla superficie stessa.

Esercizio 33

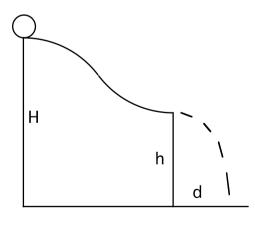


Un cilindro uniforme di raggio R viene fatto ruotare intorno al proprio asse con velocità angolare ω_0 e poi piazzato in uno spigolo formato da un piano orizzontale ed uno verticale (vedi figura).

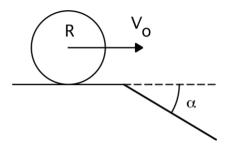
Il coefficiente di attrito dinamico tra i piani che definiscono l'angolo ed il cilindro vale μ .

Quanti giri compie il cilindro prima di fermarsi?

Esercizio 34

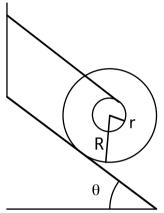


Una sfera omogenea di raggio NON trascurabile rotola senza strisciare su uno scivolo, con velocità iniziale uguale a zero, a partire da un'altezza fissa H rispetto al suolo. Lo scivolo si interrompe ad una altezza h dal suolo, dove esso ha tangente orizzontale. Detta d la distanza al suolo percorsa dalla sfera prima di colpirlo (gittata), si chiede di determinare l'altezza h in modo che d sia massima, e tale valore massimo di d.



Un cilindro uniforme, di raggio R=15~cm, rotola su un piano orizzontale che è raccordato con un altro piano, inclinato di un angolo $\alpha=30^\circ$ rispetto all'orizzontale. Trovare la massima velocità V_0 che permette al cilindro di rotolare fino alla sezione di piano inclinato senza saltare. Si assuma l'assenza di slittamento.

Esercizio 36

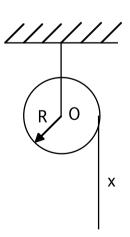


Una spoletta, di massa m, consiste di due cilindri di raggio R, uniti tra loro da un cilindro, coassiale coi due esterni, di raggio r<R. Sia il raggio maggiore R=nr ed il momento d'inerzia principale I=kmr², con n e k numeri dati.

Tale spoletta è appoggiata su un piano inclinato scabro, essendo μ il relativo coefficiente di attrito, ed un filo sottile ed inestensibile, avvolto sul cilindro interno, è collegato alla sommità del piano inclinato, la parte tesa essendo parallela a quest'ultimo. Sia θ l'angolo di inclinazione del piano.

- a) Qual è l'angolo θ massimo per cui la spoletta può rimanere ferma nella posizione in figura?
- b) Se θ è maggiore del valore limite di cui al punto a), qual è l'accelerazione con cui la spoletta scende lungo il piano inclinato?

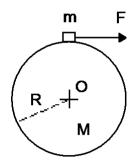
Esercizio 37



Una carrucola di raggio R e massa M può ruotare liberamente attorno ad un asse orizzontale fisso O. Una corda sottile di lunghezza L e massa m<<M è avvolta sulla carrucola. Lo spessore dell'avvolgimento è trascurabile. Sia x la lunghezza del tratto di corda non avvolto, che pende dalla carrucola. Si supponga che il centro di massa della parte avvolta della corda coincida con O. Si chiede di trovare l'accelerazione angolare della carrucola in funzione di x.

Si consideri ora il sistema, tenuto fermo, con x=L/10. Per t=0 il sistema viene lasciato libero di muoversi. Si chiede di trovare x in funzione di t durante il moto.

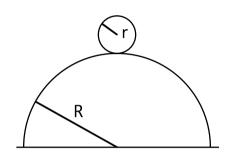
In questo ultimo caso, quanto tempo ci mette la corda a srotolarsi?



Una massa puntiforme m se ne sta appoggiata su un cilindro di massa M e raggio R, libero di ruotare senza attrito intorno ad un asse orizzontale passante per il suo centro O. Tra massa m e cilindro c'è attrito, caratterizzato dai suoi coefficienti μ_D e μ_S (con $\mu_S > \mu_D$). Il sistema è inizialmente fermo nella posizione di equilibrio (instabile) indicata in figura. In un dato istante viene applicata alla massa m una forza orizzontale F. Per quali valori di F si ha slittamento tra massa m e cilindro? Immediatamente dopo l'applicazione della forza F si chiede di trovare l'accelerazione a della massa m e l'accelerazione angolare α del cilindro, sia nel

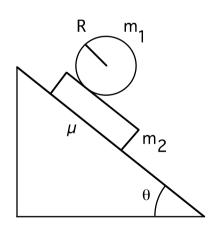
caso di slittamento tra massa m e cilindro, sia nel caso in cui lo slittamento non avvenga.

Esercizio 39



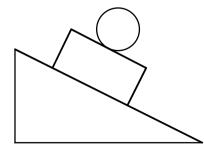
Una pallina uniforme, di raggio r, rotola verso il basso senza strisciare, partendo dalla sommità di un supporto emisferico di raggio R, sotto l'azione della gravità. Trovare la velocità angolare della pallina nel momento in cui essa si distacca dal supporto. La velocità iniziale della pallina è trascurabile.

Esercizio 40



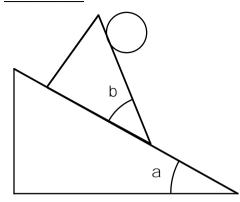
Si abbia un piano inclinato, sul quale poggia una slitta a forma di parallelepipedo di massa m_2 . Tra il piano inclinato e la slitta vi sia attrito, il cui coefficiente, sia statico che dinamico, valga μ . Sulla slitta appoggia un cilindro di massa m_1 e raggio R che può solo rotolare senza strisciare sulla slitta. Il sistema sia fermo nella posizione in figura. La slitta ed il cilindro siano poi lasciati liberi di muoversi. La gravità è quella terrestre. Si trovi, si discuta e si faccia il grafico della accelerazione angolare del cilindro in funzione dell'angolo θ di inclinazione del piano.

Esercizio 41



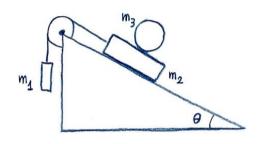
Una slitta è appoggiata su un piano inclinato fisso, ed è ferma. Un cilindro è appoggiato sulla slitta, fermo. Tra piano inclinato e slitta non c'è attrito. Il cilindro può rotolare, ma non strisciare, sulla slitta.

Ad un certo istante la slitta ed il cilindro vengono lasciati liberi di muoversi. Quanto vale successivamente l'accelerazione angolare del cilindro?



Si abbia un piano inclinato fisso con angolo di inclinazione α incognito. Su di esso può scorrere senza attrito un cuneo di apertura $\beta=30^\circ$. Sul cuneo è appoggiata una sfera piena di densità uniforme, che può solo rotolare (senza strisciare) su di esso ed ha la stessa massa del cuneo. Lasciato il sistema libero di muoversi partendo da fermo, si osserva che mentre la sfera rotola verso il basso il cuneo non si muove. Si chiede di determinare l'angolo incognito α .

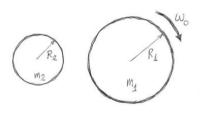
Esercizio 43



Nel sistema in figura la slitta di massa m₂ può scorrere senza attrito sul piano inclinato, mentre tra la slitta e la sfera (piena) di massa m₃ c'è attrito sufficiente perchè il moto relativo sia di puro rotolamento. La carrucola e la corda sono di massa trascurabile e la carrucola stessa può ruotare senza attrito. Il sistema viene lasciato muoversi partendo da fermo. In funzione delle

masse e dell'angolo θ si vogliono conoscere il valore della forza di attrito tra sfera e slitta ed i valori possibili del relativo coefficiente di attrito statico. In funzione delle masse si vogliono conoscere i valori dell'angolo θ per i quali la sfera scende verso il basso.

Esercizio 45



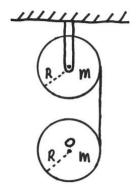
Due cilindri, aventi rispettivamente raggi R_1 ed R_2 e masse m_1 ed m_2 , sono sostenuti da assi di rotazione meccanici perpendicolari al piano della figura. Il cilindro grande ruota inizialmente con velocità angolare ω_0 , mentre quello piccolo viene spostato verso destra finché, giunto a contatto con quello grande, inizia a ruotare per attrito. Cessata la fase di slittamento i due cilindri ruotano con velocità angolari

costanti in verso opposto. Trovare la velocità angolare finale ω₂ del cilindro piccolo.

Esercizio 46

Si abbia una piattaforma girevole costituita da un disco di raggio R e massa M_1 libero di ruotare senza attrito o momenti meccanici esterni intorno ad un asse verticale. Inizialmente la piattaforma ruota con velocità angolare ω_0 . A t=0 viene appoggiato sulla piattaforma un altro disco, anch'esso di raggio R ma di massa M_2 , inizialmente fermo. Il coefficiente di attrito dinamico tra i due dischi vale μ_D . Calcolare:

- a) le velocità angolari dei due dischi in funzione del tempo;
- b) la potenza dissipata per attrito in funzione del tempo;
- c) il tempo necessario perché termini lo slittamento tra i due dischi.



Una carrucola di raggio R e massa m è fissata ad un soffitto in modo da essere libera di ruotare sul proprio asse. Su di essa è avvolto un filo leggerissimo ed inestensibile, il quale è avvolto all'altra estremità ad un'altra carrucola sospesa, anch'essa di raggio R e massa m. Una guida non mostrata in figura vincola il centro O della carrucola sospesa a muoversi esclusivamente in verticale. Lasciato il sistema libero di muoversi, partendo da fermo, si vogliono conoscere: la tensione della corda, l'accelerazione angolare della carrucola superiore, l'accelerazione angolare della carrucola inferiore, l'accelerazione lineare del punto O.

Esercizio 48

Una automobile ha massa M (escluse le ruote) + 4 ruote ognuna di massa m. Il suo motore sviluppa una potenza P costante. Essa parte da ferma su una salita inclinata di un angolo α rispetto all'orizzontale. Quanto tempo le occorre per arrivare alla velocità V?

Esercizio 49

Un veicolo ha delle ruote di raggio R. Si possono montare su detto veicolo diversi tipi di freni:

- 1) freni convenzionali, che esercitano un momento meccanico costante τ_0 ;
- 2) freni che dissipano una potenza costante P;
- 3) freni che esercitano un momento meccanico $\tau = k \sqrt{v}$ (k=costante, v=velocità).

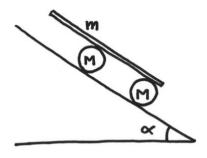
Le quantità τ_0 , P e τ si intendono già sommate su tutte le ruote del veicolo. Si assuma che il veicolo stia viaggiando ad una velocità V_0 . Si vuole sapere:

- a) Quanto vale il tempo minimo di frenata per i freni di tipo 1), 2) e 3);
- b) Quanto vale il minimo spazio di frenata per i freni di tipo 1), 2) e 3);
- c) Per quali valori di V₀ i freni di tipo 2) arrestano il veicolo in meno tempo degli 1)
- d) Per quali valori di V₀ i freni di tipo 3) arrestano il veicolo in meno tempo degli 1)
- e) Per quali valori di V₀ i freni di tipo 2) arrestano il veicolo in meno spazio degli 1)
- f) Per quali valori di V₀ i freni di tipo 3) arrestano il veicolo in meno spazio degli 1)

Esercizio 50



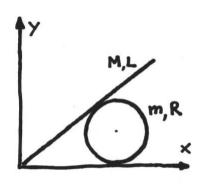
Una scala a libretto, altrimenti detta scaleo, viene appoggiata su un pavimento liscio e insaponato. Le due metà della scala sono identiche, la massa dei pioli orizzontali è molto minore della massa dei montanti e lo snodo superiore è molto ben lubrificato. La lunghezza delle corde ancorate fra i montanti è tale che la distanza tra le basi sia uguale alla lunghezza dei montanti. In un certo istante le corde vengono tagliate. Si trovi l'accelerazione del centro di massa della scala in funzione dell'angolo compreso tra le due metà della scala.



Una tavola di massa m può scorrere lungo un piano inclinato di un angolo α rotolando su due rulli cilindrici identici, omogenei e di massa M ognuno. Non c'è strisciamento in nessun punto di contatto tra i corpi. La tavola non è centrata rispetto ai rulli ma comunque appoggia su entrambi.

Quanto vale l'accelerazione della tavola?

Esercizio 52

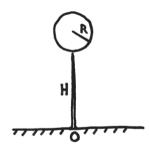


Una sfera di massa m e raggio R è appoggiata su un pavimento orizzontale, l'attrito tra sfera e piano è trascurabile. Una tavola di massa M e lunghezza L è appoggiata sulla sfera e nello spigolo tra il pavimento e un muro. L'attrito tra tavola e sfera rende possibile solo un rotolamento relativo, senza slittamento.

Al fine di calcolare la x(t) per la sfera, si imposti il sistema delle equazioni (più semplice è, meglio è) del moto del sistema, controllando che il numero delle incognite sia pari al numero delle equazioni stesse.

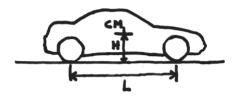
Eventualmente il sistema può essere ridotto ad una sola equazione (se avete tempo, fatelo), ma questa non può essere risolta con metodi elementari.

Esercizio 53



Una sfera piena di raggio R viene appoggiata sulla punta acuminata di un palo alto H. All'inizio la sfera è ferma in questa posizione di equilibrio evidentemente instabile.

Sia il punto O la proiezione del centro della sfera sul piano d'appoggio nella situazione iniziale. A che distanza da O la sfera cade sul piano? La sfera non può scivolare sulla punta del palo.

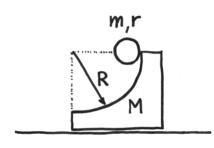


Si abbia un' automobile a trazione posteriore con un interasse (distanza tra gli assi delle ruote) L. Il suo centro di massa si trova a metà dell'interasse, ad altezza H rispetto al suolo. La massa delle ruote è trascurabile rispetto al resto della vettura, il coefficiente di attrito statico tra asfalto e pneumatici

vale μ S. La potenza è ovviamente controllata dal pilota, quella massima è sovrabbondante. Si vuole effettuare una partenza in discesa lungo un piano inclinato di un angolo α rispetto all'orizzontale, rispettando due condizioni: 1) le ruote motrici non devono slittare sull'asfalto, 2) l'auto non si deve impennare.

Determinare l'angolo α che rende massima l'accelerazione possibile e fare un grafico della $tg(\alpha)$ in funzione del coefficiente d'attrito statico.

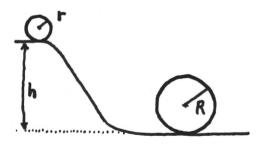
Esercizio 55



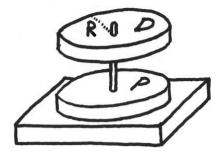
Una rampa di massa M è ferma su un piano sul quale è libera di scorrere senza attrito. Una sua faccia è curva ed ha come sezione un quarto di circonferenza di raggio R. Una sfera (piena) di massa m e raggio r viene accostata alla rampa nella posizione in figura. La sfera può solo rotolare, senza strisciare, sulla faccia curva della rampa. In un certo istante la sfera viene lasciata libera di muoversi.

Si chiede di trovare la velocità della sfera e quella della rampa nell'istante in cui esse perdono contatto tra loro.

Esercizio 56



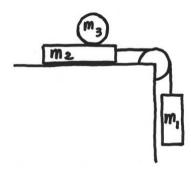
Una sfera piena di raggio r è appoggiata su una guida sulla quale può rotolare ma non strisciare. La guida prevede una discesa seguita da un "giro della morte" di raggio R. Si vuole sapere qual è l'altezza minima h_{MIN} del punto di partenza (da ferma) della sfera che consente di percorrere completamente il percorso senza perdere contatto con la guida.



Si abbia una base motorizzata che mantiene in rotazione un piatto (oggetto P in figura) a velocità angolare costante $\omega_0=33,\bar{3}$ giri/minuto. Al piatto è connesso un perno verticale concentrico e sottile. Sul perno può scorrere, verticalmente e senza nessun attrito, un disco (oggetto D in figura) di raggio R=15cm, minore o uguale a quello del piatto. Il disco, praticamente fermo, viene appoggiato delicatamente sul piatto e lasciato

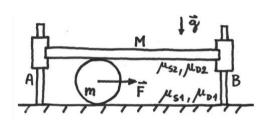
andare. Tra il disco ed il piatto c'è attrito, il cui coefficiente dinamico vale $\mu_D = 0,2$. Quanto tempo impiega il disco a raggiungere la stessa velocità angolare del piatto?

Esercizio 58



Nel sistema in figura la massa m_3 è una sfera e la carrucola è senza massa. La corda è inestensibile e senza massa. Tra la slitta m_2 ed il piano orizzontale non c'è attrito. Tra la slitta e la sfera c'e attrito con coefficienti $\mu_S=0,25$ e $\mu_D=0,15$. Le tre masse valgono $m_1=9kg$, $m_2=m_3=3kg$. Lasciato il sistema libero di muoversi, si chiede qual è l'accelerazione a_1 del contrappeso m_1 .

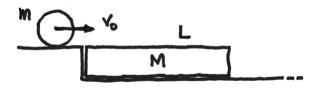
Esercizio 59



Un cilindro di massa m è appoggiato su un piano orizzontale. Una lastra piana di massa M può scorrere solo verticalmente ma senza attrito grazie a due guide A e B. La lastra appoggia sul cilindro e si ha M=2m. Tra il cilindro ed il piano c'è attrito con coefficienti statico e dinamico µs₁=0,4 e µD₁=0,3. Tra il cilindro ed la lastra c'è attrito con

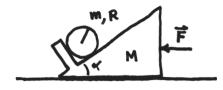
coefficienti statico e dinamico μ_{S2} =0,9 e μ_{D2} =0,8. Una forza orizzontale \vec{F} viene applicata all'asse del cilindro, perpendicolarmente rispetto ad esso. Studiare l'accelerazione del centro di massa del cilindro in funzione del modulo F della forza.

Esercizio 60



Una sfera piena uniforme di massa m sta scivolando a velocità costante V_0 e senza ruotare su un piano orizzontale liscio. Il suo moto la porta su una piattaforma parallelepipeda di massa M e lunghezza L

che può anch'essa scivolare senza attrito su un piano liscio. Si nota che la sfera smette di strisciare sulla piattaforma quando si trova a metà della sua lunghezza. Si trovi il coefficiente di attrito dinamico tra la sfera e la piattaforma.

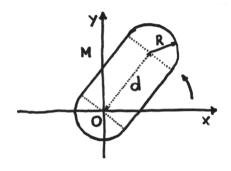


Un piano inclinato di un angolo α ed avente massa M presenta una "sponda" perpendicolare al piano stesso. Esso è appoggiato su un piano orizzontale sul quale può scorrere senza attrito. Sul piano inclinato ed appoggiata sulla sponda giace una sfera uniforme di massa m e raggio R. La sfera può rotolare sul piano,

senza nessuno strisciamento. Viene applicata una forza esterna \vec{F} come in figura. Si chiede

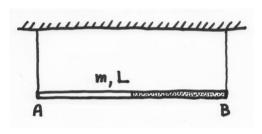
- a) Se il modulo di \vec{F} è minore di un certo valore F_{MAX} la sfera NON si muove rispetto al piano inclinato. Si trovi F_{MAX}
- b) Se il modulo di \vec{F} è maggiore di F_{MAX} si calcoli l'accelerazione della sfera rispetto al piano inclinato

Esercizio 62



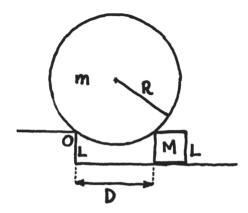
Una lastra piana e sottile, della forma mostrata in figura, può ruotare intorno all'asse z, il quale è perpendicolare al piano del disegno e passante per l'origine O. La lastra è formata da due semicerchi di raggio R uniti da una sezione rettangolare di lunghezza d. L'asse di rotazione passa per il centro di uno dei due semicerchi. La massa totale della lastra vale M. Si chiede di trovare il momento d'inerzia della lastra per rotazioni intorno all'asse z.

Esercizio 63



Si abbia una sbarra AB lunga e sottile ma non omogenea. La sua massa è m, la lunghezza è L, la sezione è uniforme sulla lunghezza, ma la metà sinistra, cioè quella dalla parte dell'estremità A, ha una densità che è 1/2 di quella della metà destra. L'asta è appesa in posizione orizzontale ad un soffitto tramite due elastici attaccati agli estremi A

- e B. I due elastici, diversi fra loro, seguono in estensione la legge di Hooke.
 - a) Si calcoli la posizione del centro di massa della sbarra.
 - b) Si calcoli il momento d'inerzia della sbarra relativo ad un asse di rotazione che passi per il centro di massa.
 - c) In un certo istante l'elastico attaccato all'estremo A viene tagliato. Si calcoli l'accelerazione dell'estremità B immediatamente dopo il taglio.



Si abbia uno scalino di altezza L, alla destra del quale si trova un piano orizzontale. Sul piano, a distanza D=12L/5 dallo scalino, si trova un cubo di massa M e lato L, inizialmente fermo. Una sfera di massa m e raggio R=2L viene imperniata sullo spigolo O dello scalino ed appoggiata sul cubo. La sfera, quando viene lasciata libera di muoversi, può ruotare rispetto ad O e slittare sul cubo, senza nessun attrito. Il cubo trasla sul piano senza attrito e senza inclinarsi. Si vuole sapere con quale velocità finale il cubo si allontana verso destra dopo che la sfera urta il piano.