FISICA GENERALE 1 per INGEGNERIA ELETTRONICA e TELECOMUNICAZIONI

Seconda prova scritta parziale – 28 maggio 2012

COGNOME	NOME	
NOTA: questo foglio deve esser	re restituito NOTA: e' ob	bligatorio giustificare
brevemente ma in modo esauriente e comprensibile le risposte.		

Esercizio 2 Nel piano x=0 di un sistema di coordinate Oxyz sono distribuiti uniformemente con una densità superficiale $n_s=10^9\,/\,cm^2\,$ dei protoni che sono vincolati a muoversi nella direzione dell'asse $z\,$ positivo con velocità $V_z=10^8\,m/s$. Nel piano $x=d=5cm\,$ sono distribuiti uniformemente degli elettroni con la stessa densità superficiale dei protoni, ma che si muovono con velocità uguale ed opposta.

- **2.1** Dimostrare che il <u>campo elettrico</u> $\vec{E} = (E_x, E_y, E_z)$ ha solo una componente non identicamente nulla e calcolare tale componente in funzione di x.
- **2.2** Dimostrare che il <u>campo magnetico</u> $\vec{B} = (B_x, B_y, B_z)$ ha solo una componente non identicamente nulla e calcolare tale componente in funzione di x.
- **2.3** Calcolare la <u>forza totale</u> $\vec{f} = (f_x, f_y, f_z)$ che è esercitata su un singolo protone da tutti gli altri protoni ed elettroni.
- **2.4** Un nucleo di Elio (${}^4He^{++}$) si trova fermo nel punto A = (d/2, 0, 0). Si ipotizzi che i protoni ed elettroni continuino a muoversi di moto rettilineo uniforme come descritto nelle premesse e che il nucleo di Elio possa eventualmente attraversare i piani che contengono i protorni o gli elettroni senza essere soggetto a ulteriori forze se non quelle dovute ai campi elettrico e magnetico calcolati precedentemente. Calcolare la traiettoria e disegnarla nel piano xz fino all'istante in cui il nucleo di Elio si ferma per la prima volta.

FISICA GENERALE 1 per INGEGNERIA ELETTRONICA e TELECOMUNICAZIONI PROVA SCRITTA del 28 maggio 2012 RISPOSTE

Esercizio 1

1.1 Il campo elettrico è quello generato da due piani che contengono cariche di segno opposto con una densità superficiale $\sigma = \pm en_s = \pm 160 \, pC/cm^2 = \pm 1.6 \, \mu C/m^2$, dove $e = 1.6 \, x 10^{-19} \, C$ è la carica elementare. Il segno positivo si riferisce al piano contenente i protoni ed il segno negativo al piano contenente gli elettroni. Di conseguenza l'unica componente non nulla del campo elettrico è la

componente
$$x$$
 e si ha:
$$E_x = \begin{cases} 0 & x < 0 \\ \frac{en_s}{\varepsilon_o} = 181 \frac{\text{kV}}{\text{m}} \text{ se } 0 < x < d \\ 0 & d < x \end{cases}$$

1.2 Il campo magnetico è quello generato da due piani nei quali scorre, nello stesso verso (concorde all'asse z) una corrente elettrica che, per ogni unità di lunghezza, è pari a $en_sV_z=160A/m$. Di conseguenza l'unica componente non nulla del campo magnetico è la componente y e applicando la legge di Ampère ed il principio di sovrapposizione si trova:

$$B_{y} = \begin{cases} -\mu_{o} e n_{S} V_{z} = -2.01G & x < 0 \\ 0 & \text{se } 0 < x < d \\ \mu_{o} e n_{S} V_{z} & d < x \end{cases}$$

1.3 La forza esercitata da tutti gli altri protoni è nulla per simmetria. Notando che i campi elettrico e magnetico generati da tutti gli elettroni sono la metà di quanto calcolato nei punti precedenti si ha $\vec{f}_m = e(\vec{E} + \vec{V} \wedge \vec{B}) = (f_x, 0, 0)$ con

$$f_x = e \left(\frac{e n_s}{2 \varepsilon_o} + \frac{\mu_o e n_s V_z^2}{2} \right) = \frac{e^2 n_s}{2 \varepsilon_o} \left(1 + \frac{V_z^2}{c^2} \right) = 1.61 \times 10^{-14} N$$

1.4 Si faccia riferimento alla figura e si ricordi che la carica elettrica del nucleo di

Elio è 2e, mentre la sua massa vale
$$M = \frac{4g}{6.02x10^{23}} = 6.64x10^{-27} kg$$
.

Il moto è uniformemente accelerato dal campo elettrico lungo l'asse x dal punto A fino al punto B, dove il nucleo di He attraversa lo strato di elettroni con

velocità
$$\vec{V}_B = \left(\sqrt{\frac{2n_s e^2 d}{M\varepsilon_o}}, 0 0\right) = (657km/s, 0 0)$$
 al tempo $t_B = \sqrt{\frac{Md\varepsilon_o}{2n_s e^2}} = 75ns$.

Successivamente è un moto circolare uniforme di raggio
$$R = \frac{M|\vec{V}_B|}{2e|B_y|} = 57.1m$$

in quanto la forza è solo magnetica. Questo perdura fino al punto C, in cui lo strato di elettroni viene riattraversato al tempo

$$t_C = t_B + \frac{\pi R}{|\vec{V}_B|} = 75ns + 273.304 \mu s \approx 273.38 \mu s$$
.

Infine nel tratto CD il moto è uniformemente accelerato, con lo stesso vettore accelerazione del tratto AB, ma con una velocità in C che è opposta alla accelerazione. Quindi il nucleo rallenta e si ferma nel punto D al tempo $t_D = t_C + t_B \approx 273.45 \mu s \ .$

