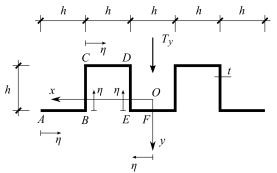
## Università di Pisa

## Esame di Scienza delle Costruzioni II

Corso di Laurea in Ingegneria Civile, Ambientale e Edile (Docenti: Prof. Ing. Stefano Bennati ; Prof. Ing. Riccardo Barsotti)

## Prova scritta (telematica) del 22 settembre 2020



## **Problema 1** [18/30].

La sezione trasversale mostrata in figura, formata da profili di spessore sottile (t/h << 1) è soggetta all'azione di uno sforzo di taglio  $T_y$  diretto lungo l'asse y.

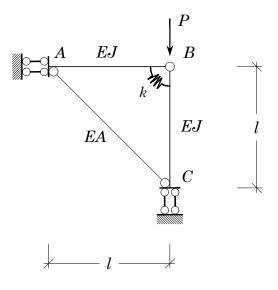
- 1) Determinare la posizione del baricentro della sezione.
- 2) Determinare, utilizzando la formula di Jourawski, l'andamento delle tensioni tangenziali  $\tau_{z\eta}$  nei tratti AB, BC, CD, DE e EF della linea media (nei calcoli utilizzare le ascisse

curvilinee mostrate in figura; lasciare indicato il valore di  $I_x$ )

- 3) Disegnare i diagrammi quotati delle tensioni tangenziali determinate al punto precedente precisando anche il verso delle tensioni nei vari tratti della linea media.
- 4) Assumendo che lo sforzo di taglio agisca, sempre in direzione parallela all'asse y, a una distanza *d* da questo asse, determinare le tensioni tangenziali dovute al momento torcente.
- 5) Determinare il valore della distanza *d* in corrispondenza della quale la massima tensione tangenziale dovuta al taglio (calcolata con la formula di Jourawski) eguaglia quella dovuta al momento torcente.

**Problema 2** [12/30]. Nel problema di instabilità mostrato in figura, le travi *AB* e *BC* sono *flessibili e inestensibili* mentre la trave *AC* è *estensibile*.

- a) Scrivere le equazioni differenziali che descrivono il problema di instabilità flessionale e le condizioni al bordo che le completano.
- b) Nell'ipotesi in cui la trave AB possa essere considerata rigida e la rigidezza della trave AC sia così piccola da poter essere trascurata  $(EA \rightarrow 0)$ , il carico critico può essere valutato utilizzando uno schema semplificato limitato alla sola trave BC vincolata in modo opportuno. Rappresentare graficamente lo schema semplificato e utilizzarlo per determinare il valore del carico P in corrispondenza del quale possono insorgere fenomeni di instabilità dell'equilibrio elastico nei due casi limite in cui rispettivamente:



- la rigidezza della molla in B sia così piccola da poter essere trascurata  $(k \to 0)$ ;
- la rigidezza della molla in *B* sia così elevata da poterla considerare infinita  $(k \to +\infty)$ ;

Avvertenze: tutte le risposte devono essere <u>adeguatamente giustificate</u>; scrivere su ogni foglio protocollo il proprio nome, cognome e numero di matricola; alla fine della prova, consegnare tutti i fogli utilizzati.