

**Algoritmi e Strutture dati - ANNO ACCADEMICO 2016/17**

**13 giugno 2017**

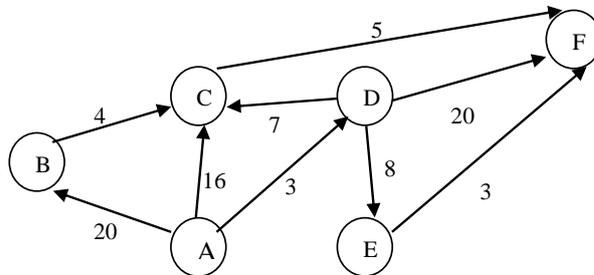
<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
6	5	6	5	6	5

**COGNOME E NOME :**

**MATRICOLA:**

**Esercizio 1**

- Descrivere l'algoritmo di Dijkstra: a cosa serve, su quale ragionamento è basato, come è implementato, qual è la sua complessità
- Applicarlo al grafo seguente a partire dal nodo A.



	A	B	C	D	E	F
A, B, C, D, E, F	0   -	inf   -				
B, C, D, E, F	0   -	20   A	16   A	3   A	inf   -	inf   -
B, C, E, F	0   -	20   A	10   D	3   A	11   D	23   D
B, E, F	0   -	20   A	10   D	3   A	11   D	15   C
B, F	0   -	20   A	10   D	3   A	11   D	14   E
B	0   -	20   A	10   D	3   A	11   D	14   E

Cammini:

AB, ADC, AD, ADE, ADEF

## Esercizio 2

- c) Descrivere l'algoritmo di Huffman: a cosa serve, su quale ragionamento è basato, come è implementato, qual è la sua complessità.
- a) Applicarlo all'alfabeto seguente in cui ad ogni carattere corrisponde la sua frequenza percentuale nel testo, indicando l'albero risultante.

A	12
B	16
C	7
D	10
E	9
F	30
G	5
H	11

## Esercizio 3

Calcolare la complessità del blocco (indicando le relazioni di ricorrenza di tempo e risultato per ogni funzione) in funzione del numero di nodi dell'albero  $t$ ,

- a) supponendo che  $t$  sia quasi bilanciato.  
b) supponendo che  $t$  sia completamente sbilanciato

Indicare per esteso numero di iterazioni e complessità di ogni iterazione per i comandi ripetitivi.

```
{
    int a = 0;
    for (int i=0; i <= g(t)*f(t); i++)
        a += Nodes(t);
}
```

Le funzioni  $f$  e  $g$  sono definite come segue:

<pre>int f(Node* tree) {     if (!tree) return 1;     int x=0;     for (int i=1; i&lt;= Nodes(tree); i++)         x+=i;     int b = 4*f(tree-&gt;left);     return x+b; }</pre>	<pre>int g(Node * tree) {     if (!tree) return 1;     int a=0;     for (int i=1; i&lt;=f(tree)/Nodes(tree); i++)         { a++;           cout &lt;&lt; a;         }     return 3; }</pre>
---	---

- a) Funzione  $f$

Numero iterazioni del for:  $O(n)$

Complessità di una iterazione:  $O(n)$

Complessità del for:  $O(n^2)$

$T_f(0)=a$

$T_f(n)=dn^2+T_f(n/2)$

$O(n^2)$

$$Rf(0)=1$$

$$Rf(n)=dn^2+4Rf(n/2) \quad O(n^2 \log n)$$

Funzione g

Numero iterazioni del for:  $O(n \log n)$   
 Complessità di una iterazione:  $O(n^2)$   
 Complessità del for:  $O(n^3 \log n)$

$$Tg(n) = O(n^3 \log n)$$

$$Rg = O(1)$$

For esterno

Numero iterazioni del for:  $O(n^2 \log n)$   
 Complessità di una iterazione:  $O(n) + O(n^2) + O(n^3 \log n) = O(n^3 \log n)$   
 Complessità del for:  $O(n^5 \log^2 n)$

b) consideriamo il caso peggiore

Funzione f

Numero iterazioni del for:  $O(n)$   
 Complessità di una iterazione:  $O(n)$   
 Complessità del for:  $O(n^2)$

$$Tf(0)=a$$

$$Tf(n)=dn^2+Tf(n-1) \quad O(n^3)$$

$$Rf(0)=1$$

$$Rf(n)=dn^2+4Rf(n-1) \quad O(4^n) \text{ esponenziale}$$

Funzione g

Numero iterazioni del for:  $O(4^n/n)$   
 Complessità di una iterazione:  $O(n^3)$   
 Complessità del for:  $O(n^2 4^n)$

$$Tg(n) = O(n^2 4^n)$$

$$Rg = O(1)$$

For esterno

Numero iterazioni del for:  $O(n^3)$   
 Complessità di una iterazione:  $O(n^2 4^n)$   
 Complessità del for:  $O(n^5 4^n)$

**Esercizio 4** Scrivere un algoritmo in c++ che, dato un array, costruisce un albero binario quasi bilanciato che contiene tutti gli elementi dell'array. Descrivere a parole l'algoritmo e implementarlo in c++. Calcolare la complessità.

```
Node * build(int A, int i, int j) {
if (i>j) return NULL;
Node * t=new Node;
int k=(i+j)/2;
t->label=A[k];
t->left=build(A,i,k-1);
t->right=build(A,k+1,j);
return t;
};

void costruisci (int* A, int n) {
build (A, 0, n-1);
}
```

Complessità:  $O(n)$

**Esercizio 5** dato il seguente programma c++.

- Indicare la sua uscita
- Indicare l'uscita togliendo la parola "virtual"
- Indicare l'uscita togliendo la parola "protected"

Spiegare le eventuali differenze fra i casi sopra citati.

```
class C {
public:
    C(){cout << "nuovo C" << endl; };
    void f(){cout << "f di C" << endl;
}
};

class A {
protected:
    C obj_x;
public:
    A(){cout << "nuovo A" << endl;
        obj_x.f();
    };
    void virtual f(){cout << "f di A"
<< endl; }
};

class B: public A {
    A obj_y;
public:
    B(){cout << "nuovo B" << endl;
        obj_x.f();
    };
    void f(){cout << "f di B" << endl; }
};

int main(){
    int i;
    A* obj1= new B;
    obj1->f();
    cin >> i;
}
```

a) Esecuzione del programma

Nuovo C  
Nuovo A  
F di C  
Nuovo C  
Nuovo A  
F di C  
Nuovo B  
F di C  
F di B

b) Togliendo il virtual

Nuovo C  
Nuovo A  
F di C  
Nuovo C  
Nuovo A  
F di C  
Nuovo B  
F di C  
F di A

c) togliendo la linea protected: errore di compilazione perché B usa obj\_x che è privato in A

## Esercizio 6

Scrivere una funzione `int conta (Node*tree)` che , dato un albero generico memorizzato figlio-fratello, conta quanti nodi hanno un numero pari di figli.

```
int contafigli (Node*tree) {
    if (! tree) return 0;
    return 1 + contafigli( tree->right);
}

int conta (Node*tree) {
    if (! tree) return 0;
    return (contafigli (tree->left)%2==0)
        + conta( tree->left) + conta( tree->right);
}
```