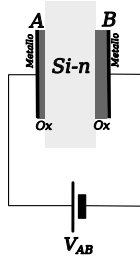


## PROVA SCRITTA di DISPOSITIVI ELETTRONICI del 11 Gennaio 2023

### ESERCIZIO 1

In figura è rappresentato un dispositivo composto da due condensatori MOS in serie. Il silicio è drogato  $p = N_A = 5 \times 10^{15} \text{ cm}^{-3}$ ,  $t_{oxA} = 30 \text{ nm}$ ,  $t_{oxB} = 50 \text{ nm}$ . Lo spessore del silicio è molto grande rispetto a quello degli ossidi, e la funzione di lavoro del metallo dei gates è uguale a quella del silicio.



1) Disegnare il diagramma della densità di carica (in direzione  $x$  perpendicolare alle armature) quanto la tensione  $V_{AB}$  è tale da portare il condensatore  $A$  alla soglia dell'inversione. [4]

2) Determinare il campo elettrico nell'ossido e la caduta di tensione nel condensatore  $B$ . [3]

2) Determinare la tensione  $V_{AB}$  necessaria per portare alla soglia dell'inversione il condensatore  $A$ . [3]

### ESERCIZIO 2

Un transistor  $n$ -MOS polysilicon gate ha  $N_A = 10^{16} \text{ cm}^{-3}$ ,  $t_{ox} = 30 \text{ nm}$ ,  $W = 10 \mu\text{m}$ ,  $L = 2 \mu\text{m}$ ,  $\mu_n = 0.075 \text{ m}^2/\text{Vs}$ . È polarizzato con una tensione  $V_{DS} = 5 \text{ V}$ .

1) Per  $V_{GS} = 4 \text{ V}$  si determinino la corrente nel transistor ed i parametri del circuito equivalente per piccolo segnale ( $\mathcal{E}_C \rightarrow \infty$ ). [3]

2) Si supponga che il campo elettrico critico sia pari a  $\mathcal{E}_C = 2 \times 10^5 \text{ V/m}$ . Determinare la  $V_{DS}$  di saturazione, la corrente nel transistor ed i parametri del circuito equivalente per piccolo segnale (incluse le capacità parassite). [4]

3) Determinare i tempi di transito relativamente al punto 1 ( $\mathcal{E}_C \rightarrow \infty$ ) e al punto 2 ( $\mathcal{E}_C = 2 \times 10^5 \text{ V/m}$ ). [3]

### ESERCIZIO 3

Un transistor bipolare  $n^+pn$  con  $N_{Abase} = 10^{16} \text{ cm}^{-3}$ ,  $N_{Dcollettore} = 10^{19} \text{ cm}^{-3}$ ,  $\mu_n = 0.1 \text{ m}^2/\text{Vs}$ ,  $\tau_n = 10^{-6} \text{ s}$ ,  $S = 1 \text{ mm}^2$ ,  $W_{met} = 3 \mu\text{m}$ , è polarizzato con  $I_B = 20 \mu\text{A}$ .

1) Determinare la  $V_{CE}$  minima per far lavorare il transistor in zona attiva diretta. Determinare  $\beta_f$  e le correnti ai terminali. [4]

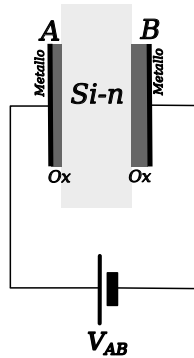
2) Determinare  $V_{CB}$  per avere  $I_C = 20 \text{ mA}$  ( $\beta_f = 1000$ ) (SUGGERIMENTO: determinare la lunghezza effettiva di base). [4]

3) Con riferimento al punto 2, determinare la  $V_{CE}$ . [2]

Trascurare le regioni di svuotamento solo nel caso in cui una giunzione sia polarizzata in diretta.

### ESERCIZIO 1

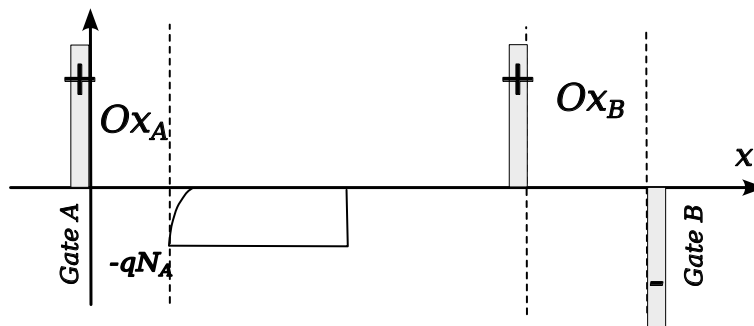
In figura è rappresentato un dispositivo composto da due condensatori MOS in serie. Il silicio è drogato  $p = N_A = 5 \times 10^{15} \text{ cm}^{-3}$ ,  $t_{oxA} = 30 \text{ nm}$ ,  $t_{oxB} = 50 \text{ nm}$ . Lo spessore del silicio è molto grande rispetto a quello degli ossidi, e la funzione di lavoro del metallo dei gates è uguale a quella del silicio.



- 1) Disegnare il diagramma della densità di carica (in direzione  $x$  perpendicolare alle armature) quanto la tensione  $V_{AB}$  è tale da portare il condensatore A alla soglia dell'inversione. [4]
- 2) Determinare il campo elettrico nell'ossido e la caduta di tensione nel condensatore B. [3]
- 2) Determinare la tensione  $V_{AB}$  necessaria per portare alla soglia dell'inversione il condensatore A. [3]

### SOLUZIONE 1

1) I condensatori sono in serie, e quindi hanno la stessa carica. Alla soglia dell'inversione di A, il condensatore B è in accumulazione. Infatti, per l'inversione di A la tensione  $V_{AB}$  deve essere maggiore di zero, quindi, quindi il silicio si trova a tensione maggiore del gate del condensatore B. Peraltro, le cariche mobili (lacune) vengono respinte dal gate A e si accumulano all'interfaccia ossido-silicio del condensatore B. Il diagramma della densità di carica risulta dunque come segue:



2) La carica dei condensatori è determinata dalla carica della regione di svuotamento all'inversione (come usuale, trascuriamo gli elettroni accumulati all'interfaccia ossido-

silicio del condensatore A):

$$\begin{aligned}\psi_B &= \frac{kT}{q} \ln \frac{N_A}{n_i} = 0.329 \text{ V} \\ Q &= qN_A W(2\psi_B) = \sqrt{2\epsilon_s q N_A 2\psi_B} = 3.33 \times 10^{-4} \text{ C/m}^2 \\ \mathcal{E}_{\text{is}} &= \frac{Q}{\epsilon_{ox}} = 9.65 \text{ MV/m} \\ V_B &= V_{B_{ox}} = \mathcal{E}_{\text{is}} \cdot l_{\text{is}} = \frac{Q}{C_{\text{is}}} = 1.43 \text{ V}\end{aligned}$$

Il condensatore  $B$  è in accumulazione di lacune, e si comporta in maniera simile ad un condensatore a facce piane e parallele.

3) Basta sommare alla tensione  $V_B$  la tensione di soglia di  $A$ :

$$\begin{aligned}C_{oxA} &= \frac{\epsilon_{ox}}{t_{oxA}} = 1.15 \times 10^{-3} \text{ F/m}^2 \\ V_{THA} &= \frac{\sqrt{2\epsilon_s q N_A 2\psi_B}}{C_{oxA}} + 2\psi_B = 0.948 \text{ V} \\ V_{AB\text{ inv}} &= 1.43 \text{ V}\end{aligned}$$

## ESERCIZIO 2

Un transistor  $n$ -MOS polysilicon gate ha  $N_A = 10^{16} \text{ cm}^{-3}$ ,  $t_{ox} = 30 \text{ nm}$ ,  $W = 10 \mu\text{m}$ ,  $L = 2 \mu\text{m}$ ,  $\mu_n = 0.075 \text{ m}^2/\text{Vs}$ . È polarizzato con una tensione  $V_{DS} = 5 \text{ V}$ .

1) Per  $V_{GS} = 4 \text{ V}$  si determinino la corrente nel transistor ed i parametri del circuito equivalente per piccolo segnale ( $\mathcal{E}_C \rightarrow \infty$ ). [3]

2) Si supponga che il campo elettrico critico sia pari a  $\mathcal{E}_C = 2 \times 10^5 \text{ V/m}$ . Determinare la  $V_{DS}$  di saturazione, la corrente nel transistor ed i parametri del circuito equivalente per piccolo segnale (incluse le capacità parassite).[4]

3) Determinare i tempi di transito relativamente al punto 1 ( $\mathcal{E}_C \rightarrow \infty$ ) e al punto 2 ( $\mathcal{E}_C = 2 \times 10^5 \text{ V/m}$ ). [3]

## SOLUZIONE 2

1) Calcoliamo la  $V_{TH}$ :

$$\begin{aligned}\psi_B &= \frac{kT}{q} \ln \frac{N_A}{n_i} = 0.347 \text{ V} \\ \Phi_{MS} &= -\frac{E_g}{2q} - \psi_B = -0.89 \text{ V} \\ C_{ox} &= \frac{\epsilon_{ox}}{t_{ox}} = 1.15 \times 10^{-3} \text{ F/m}^2 \\ V_{TH} &= \frac{\sqrt{2\epsilon_s q N_A 2\psi_B}}{C_{ox}} + 2\psi_B + \Phi_{MS} = 0.22 \text{ V}\end{aligned}$$

Poiché  $V_{DS} = 5 \text{ V} > V_{DS \text{ Sat}} = V_{GS} - V_{TH} = 3.77 \text{ V}$ , il transistor è in saturazione. Calcoliamo la lunghezza effettiva del canale:

$$\begin{aligned} V_{DS} - V_{DS \text{ Sat}} &= 5 - 3.77 = 1.23 \text{ V} \\ V_{0 \text{ D Subst}} &= 0.89 \text{ V} \\ W(V_{DS} - V_{DS \text{ Sat}}) &= \sqrt{\frac{2\epsilon_s}{qN_A} (V_{DS} - V_{DS \text{ Sat}} + V_0)} = 0.53 \text{ } \mu\text{m} \\ L_{eff} &= 2 - 0.53 = 1.47 \text{ } \mu\text{m} \end{aligned}$$

Calcoliamo adesso la corrente ed i parametri del circuito di piccolo segnale:  $g_m$ ,  $C_{GS}$  e  $r_d$ . Per  $r_d$  calcoliamo la  $I_{DS}$  per  $V_{DS \text{ Sat}} = V_{GS} - V_{TH} = 3.77 \text{ V}$ .

$$\begin{aligned} I_{DS} &= \frac{\mu_n C_{ox}}{2} \frac{W}{L_{eff}} (V_{GS} - V_{TH})^2 = 4.17 \text{ mA} \\ g_m &= \frac{\partial I_{DS}}{\partial V_{GS}} = \mu_n C_{ox} \frac{W}{L_{eff}} (V_{GS} - V_{TH}) = 2.21 \times 10^{-3} \text{ A/V} \\ C_{GS} &= \frac{2}{3} C_{ox} W L_{eff} = 1.13 \times 10^{-14} \text{ F} \\ I_{DS}(V_{DS \text{ Sat}}) &= \frac{\mu_n C_{ox}}{2} \frac{W}{L} (V_{GS} - V_{TH})^2 = 3.06 \text{ mA} \\ r_d &= \frac{V_{DS} - V_{DS \text{ Sat}}}{I_{DS} - I_{DS}(V_{DS \text{ Sat}})} = 1108 \text{ } \Omega \end{aligned}$$

2) Nel caso di  $\mathcal{E}_C = 2 \times 10^5 \text{ V/m}$  è immediato verificare che per  $V_{DS} = 4 \text{ V}$  si ha la saturazione di velocità, poiché  $V_{DS \text{ Sat}} = \mathcal{E}_C L = 0.4 \text{ V}$ . Il MOS va in saturazione di velocità quando è ancora in zona lineare. Per cui:

$$\begin{aligned} V_{DS \text{ Sat}} &= \mathcal{E}_C L = 0.4 \text{ V} \\ I_{DS} &= \mu_n \mathcal{E}_C C_{ox} W (V_{GS} - V_{TH}) = 0.65 \text{ mA} \\ g_m &= \frac{\partial I_{DS}}{\partial V_{GS}} = \mu_n \mathcal{E}_C C_{ox} W = 1.75 \times 10^{-4} \text{ A/V} \end{aligned}$$

Le capacità parassite del circuito per piccolo segnale  $C_{GS}$  e  $C_{GD}$  sono quelle di un MOS in zona lineare:

$$C_{GS} = C_{GD} = \frac{C_{ox}}{2} \quad (1)$$

3) Nel caso di strozzamento del canale (punto 1) il tempo di transito si calcola come usuale:

$$I_{DS} = \frac{Q_{canale}}{\tau_t}$$

$$Q_{canale} = \frac{2}{3} C_{ox} (V_{GS} - V_{TH}) W L_{eff}$$

$$\tau_t = \frac{I_{DS}}{\frac{2}{3} C_{ox} (V_{GS} - V_{TH}) W L_{eff}} = 10^{-11} \text{ s}$$

Per il punto 2, ricordiamo che la saturazione dovuta alla velocità critica avviene quando il MOS è in zona lineare, per cui:

$$I_{DS} = \frac{Q_{canale}}{\tau_t}$$

$$Q_{canale} = C_{ox} (V_{GS} - V_{TH}) W L = 8.67 \times 10^{-14} \text{ C}$$

$$\tau_t = \frac{Q_{canale}}{I_{DS}} = 1.33 \times 10^{-10} \text{ s}$$

### ESERCIZIO 3

Un transistor bipolare  $n^+pn$  con  $N_{Abase} = 10^{16} \text{ cm}^{-3}$ ,  $N_{Dcollettore} = 10^{19} \text{ cm}^{-3}$ ,  $\mu_n = 0.1 \text{ m}^2/\text{Vs}$ ,  $\tau_n = 10^{-6} \text{ s}$ ,  $S=1 \text{ mm}^2$ ,  $W_{met} = 3 \text{ }\mu\text{m}$ , è polarizzato con  $I_B = 20 \text{ }\mu\text{A}$ .

1) Determinare la  $V_{CE}$  minima per far lavorare il transistor in zona attiva diretta. Determinare  $\beta_f$  e le correnti ai terminali. [4]

2) Determinare  $V_{CB}$  per avere  $I_C = 20 \text{ mA}$  ( $\beta_f = 1000$ ) (SUGGERIMENTO: determinare la lunghezza effettiva di base). [4]

3) Con riferimento al punto 2, determinare la  $V_{CE}$ . [2]

Trascurare le regioni di svuotamento solo nel caso in cui una giunzione sia polarizzata in diretta.

### SOLUZIONE 3

1) La  $V_{CE}$  minima della zona attiva diretta è quella per cui  $V_{BC} = 0$ . Infatti, la condizione  $V_{BC} = 0$  è considerata la soglia della saturazione. Per  $V_{CB} > 0$  ( $V_{BC} < 0$ ) si ha la zona attiva diretta. Possiamo trascurare la regione di svuotamento  $BE$  polarizzata sicuramente in diretta, forzata dal generatore di corrente, ma non quella  $BC$ :

$$V_{0\ BC} = \frac{kT}{q} \ln \frac{N_{AB} N_{DC}}{n_i^2} = 0.872 \text{ V}$$

$$W_{BC} = \sqrt{\frac{2\epsilon_s}{q N_{AB}}} V_{0\ BC} = 0.338 \text{ }\mu\text{m}$$

$$W_{eff} = W - W_{BC} = 2.66 \text{ }\mu\text{m}$$

$$Q = I_B \tau_n = 2 \times 10^{-11} \text{ C} = qS \frac{n_i^2}{N_{AB}} e^{\frac{V_{BE}}{V_T}} \frac{W_{eff}}{2}$$

$$V_{BE} = V_T \ln \frac{Q}{qS \frac{n_i^2}{N_{AB}} \frac{W_{eff}}{2}} = 0.57 \text{ V}$$

$$\beta_f = \frac{\tau_n}{\tau_t}$$

Quindi  $V_{CE \text{ minima}} = V_{BE} = 0.57 \text{ V}$ .  
Per il  $\beta_f$  avremo:

$$D_n = \frac{kT}{q} \mu_n = 2.585 \times 10^{-3} \text{ m}^2/\text{s}$$

$$\tau_t = \frac{W_{eff}^2}{2D_n} = 1.37 \text{ ns}$$

$$\beta_f = \frac{\tau_n}{\tau_t} = 730$$

Quindi  $I_C = \beta_f I_B = 14.6 \text{ mA}$  e  $I_E = 14.62 \text{ mA}$ .

2) Abbiamo:

$$\beta_f = \frac{\tau_n}{\tau_t}$$

$$\tau_t = \frac{W_{eff}^2}{2D_n} = \frac{\tau_n}{\beta_f} = 1 \text{ ns}$$

$$W_{eff} = \sqrt{\tau_n 2D_n} = 2.27 \text{ } \mu\text{m}$$

$$X_{BC} = W_{BC} = W_{met} - W_{eff} = 0.73 \text{ } \mu\text{m}$$

$$W_{BC} = \sqrt{\frac{2\epsilon_s}{qN_{AB}} (V_{0 \text{ BC}} + V_{CB})}$$

$$V_{CB} = \frac{W_{BC}^2}{\frac{2\epsilon_s}{qN_{AB}}} - V_{0 \text{ BC}} = 3.2 \text{ V}$$

3) Facciamo riferimento alla  $Q$  immagazzinata in base per il calcolo della  $V_{BE}$ :

$$Q = I_B \tau_n = 2 \times 10^{-11} \text{ C} = qS \frac{n_i^2}{N_{AB}} e^{\frac{V_{BE}}{V_T}} \frac{W_{eff}}{2}$$

$$V_{BE} = V_T \ln \frac{Q}{qS \frac{n_i^2}{N_{AB}} \frac{W_{eff}}{2}} = 0.58 \text{ V}$$

È lievemente differente da quella del punto 1, ma non proprio uguale. Avremo  $V_{CE} = V_{CB} + V_{BE} = 3.76 \text{ V}$ .