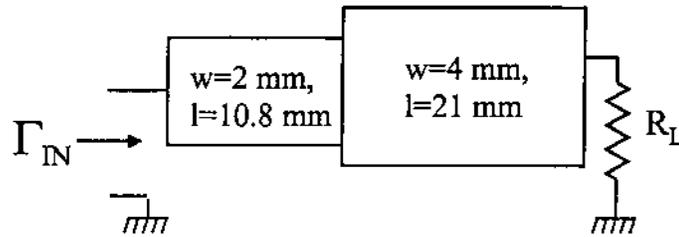


COMPITO DI ELETTRONICA DELLE TELECOMUNICAZIONI DEL 12-1-2001

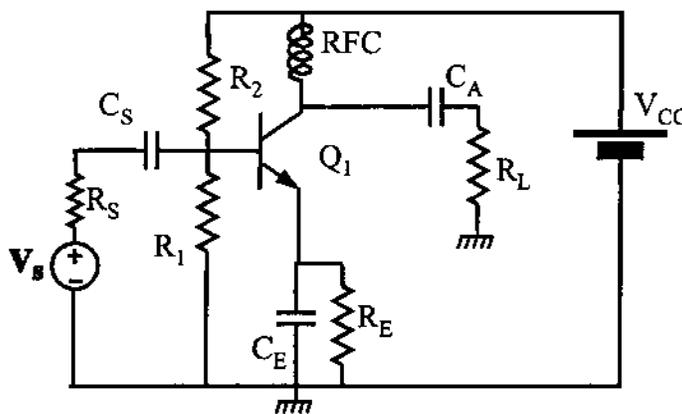
**Esercizio A.**

Con riferimento alla rete a microstrisce mostrata in figura, determinare il coefficiente di riflessione riferito a  $50 \Omega$  che si vede in ingresso alla porta 1 alla frequenza di 2 GHz. Si consideri  $h=1 \text{ mm}$  e  $\epsilon_R=4$  per entrambe le linee che compongono la rete. Inoltre  $R_L=90 \Omega$ .



**Esercizio B**

Con riferimento all'amplificatore in figura:



Q1: MRF959T1	$C_E=10 \text{ nF}$
$V_{CC}=4.5 \text{ V}$	$C_S=10 \text{ nF}$
$R_E=500 \Omega$	$C_A=10 \text{ nF}$
$R_2=4.6 \text{ k}\Omega$	$\text{RFC}=500 \text{ nH}$
$R_1=4.4 \text{ k}\Omega$	
$R_S=100 \Omega$	
$R_L=250 \Omega$	

Sorgente: sinusoidale a frequenza 2 GHz e ampiezza (valore massimo)  $V_s=40 \text{ mV}$ .

- 1) Calcolare l'ampiezza della tensione in uscita (sulla resistenza  $R_L$ ).
- 2) Progettare una rete a microstrisce ( $h=1 \text{ mm}$ ,  $\epsilon_R=4$ ) da interporre tra la sorgente e l'ingresso dell'amplificatore in modo tale da avere la massima tensione in uscita (lasciando inalterata la configurazione in uscita).
- 3) Calcolare il rapporto segnale/rumore in uscita su una banda di 1 MHz, nella configurazione progettata al punto 2 del presente esercizio.

**Esercizio C**

Utilizzando il transistor bipolare 2N4957 alla frequenza di 900 MHz:

- 1) Dire, giustificando la risposta, qual'è il numero minimo di stadi a emettitore comune necessario per ottenere un amplificatore con un  $G_T$  totale pari a 20 dB;
- 2) Progettare un amplificatore con due stadi a emettitore comune con il massimo  $G_T$  totale considerando che l'impedenza di sorgente e di carico siano entrambe reali e valgano  $50 \Omega$ .

**Esercizio A**

Indichiamo con "linea 1" la linea più vicina al carico  $R_L$  e con linea 2 la linea più vicina all'ingresso. Dalle caratteristiche delle linee a microstriscia si ottiene per la prima linea:

$$\frac{w_1}{h} = 4 \Rightarrow R_{01} = 30 \Omega \text{ e per la seconda: } \frac{w_2}{h} = 2 \Rightarrow R_{01} = 50 \Omega .$$

Per quanto riguarda le lunghezze, osserviamo che, indicando con  $c$  la velocità della luce ( $3 \times 10^8$  m) e con  $f$  la frequenza (2 GHz):

$$\lambda_0 = \frac{c}{f} = 150 \text{ mm.} \Rightarrow \lambda_{\text{TEM}} = \frac{\lambda_0}{\sqrt{\epsilon_r}} = 75 \text{ mm.}$$

Dal valori di  $\lambda_{\text{TEM}}$  e dai relativi coefficienti di  $\lambda/\lambda_{\text{TEM}}$  che si ricavano dalle caratteristiche si trovano i valori di lunghezza d'onda per le due linee:

$$\text{Linea 1: } \frac{\lambda}{\lambda_{\text{TEM}}} = 1.12 \Rightarrow \lambda_1 = 84 \text{ mm} \qquad \text{Linea 2: } \frac{\lambda}{\lambda_{\text{TEM}}} = 1.15 \Rightarrow \lambda_2 = 86.25 \text{ mm}$$

Pertanto la linea 1 risulta lunga  $0.25 \lambda_1$  (ovvero  $\lambda/4$ ) mentre la linea 2 è lunga  $0.125 \lambda$  (ovvero  $\lambda/8$ ).

Per calcolare il valore di  $\Gamma_{\text{IN}}$  si calcola inizialmente il valore di resistenza che si vede "guardando" il carico attraverso la linea 1. Essendo la linea 1 un  $\lambda/4$  si vede una resistenza pari a:

$$R_A = \frac{R_{01}^2}{R_L} = 10 \Omega . \text{ A questa corrisponde un valore di coefficiente di riflessione (riferito a } R_0 = 50)$$

$$\text{pari a: } \Gamma_A = \frac{R_A - R_0}{R_A + R_0} = 0.666 \angle 180^\circ \text{ Il secondo tratto di linea, essendo a impedenza caratteristica}$$

pari a  $50 \Omega$ , varia solo la fase del coefficiente di riflessione. In particolare, essendo un  $\lambda/8$  ruota sulla carta di Smith di  $90^\circ$  in senso orario. **Si trova quindi infine:**  $\Gamma_{\text{IN}} = 0.666 \angle 90^\circ$

**Esercizio B**

**Punto 1)** Si calcola il punto di riposo facendo l'ipotesi del partitore pesante >

$$V_B = \frac{R_1 V_{CC}}{R_1 + R_2} = 2.2 \text{ V; } V_E = V_B - 0.7 = 1.5 \text{ V; } I_C = \frac{V_E}{R_E} = 3 \text{ mA. } V_{CE} = V_{CC} - V_E = 3 \text{ V.}$$

Si verifica il partitore pesante controllando che effettivamente la corrente del partitore  $I_R$  soddisfi la condizione:

$$I_R = \frac{V_{CC}}{R_1 + R_2} > 10 I_B = 10 \frac{I_C}{\beta_{\text{MIN}}}$$

Inoltre si verifica che tutti i condensatori possono essere considerati cortocircuiti e che l'impedenza dell'induttanza  $L_{\text{RFC}}$  sia molto più grande di  $R_L$  verificando le condizioni:

$$\frac{1}{\omega C_S} \ll R_S; \quad \frac{1}{\omega C_A} \ll R_L; \quad \frac{1}{\omega C_A} \ll 0.1 \Omega \quad \omega L_{\text{RFC}} \gg R_L$$

Nel punto di riposo trovato si ricavano dalle caratteristiche i seguenti parametri S:

$$S_{11} = 0.561 \angle 173^\circ; \quad S_{21} = 1.77 \angle 58^\circ \quad S_{12} = 0.131 \angle 50^\circ \quad S_{22} = 0.411 \angle -61^\circ$$

L'ampiezza della tensione di uscita  $V_{\text{UM}}$  si ottiene calcolando prima la potenza sul carico e poi

$$\text{considerando che: } V_{\text{UM}} = \sqrt{2 R_L P_L} . \text{ Ma } P_L = P_{\text{AIN}} G_T \text{ e } P_{\text{AIN}} = \frac{V_S^2}{8 R_S} = 2 \mu \text{ W. Il } G_T \text{ si ottiene usando}$$

l'espressione:

$$G_T = \frac{1 - |\Gamma_S|^2}{|1 - \Gamma_{\text{IN}} \Gamma_S|^2} |S_{21}|^2 \frac{1 - |\Gamma_L|^2}{|1 - S_{22} \Gamma_L|^2} = 1.35 \quad \text{con } \Gamma_{\text{IN}} = S_{11} + \frac{S_{12} S_{21} \Gamma_L}{1 - S_{22} \Gamma_L} = 0.613 \angle 156^\circ$$

Si ottiene quindi la potenza di uscita  $P_L=2.7 \mu\text{W}$  e l'ampiezza della tensione di uscita:  $V_{UM}=36.7 \text{ mV}$ .

**Punto 2)** Dato che non posso modificare la terminazione di uscita, il  $G_P$  (guadagno operativo di potenza) risulterà fissato. Poiché risulta:  $P_L=G_P P_{IN}$ , per massimizzare  $P_L$  (e quindi  $V_{UM}$ ) basterà massimizzare  $P_{IN}$ . La  $P_{IN}$  sarà massima e pari alla  $P_{AIN}$  della sorgente quando ho accoppiamento complesso coniugato in ingresso. Occorre quindi progettare una rete M1 che faccia sì che la  $\Gamma_{SV}$  sia pari a  $(\Gamma_{IN})^*$ . Si noti che per poter fare questa operazione occorre verificare che il  $\Gamma_{SV}$  richiesto non sia all'interno della zona di instabilità di ingresso. Nel nostro caso il problema non si pone in quanto il quadripolo è incondizionatamente stabile come si può verificare calcolando il  $k$  e il  $\Delta$ :

$$\Delta = S_{11}S_{22} - S_{21}S_{12} = 0.0162 \angle -155.4^\circ \Rightarrow |\Delta| < 1 \quad \text{e} \quad k = \frac{1 + |\Delta|^2 - |S_{11}|^2 - |S_{22}|^2}{2|S_{21}S_{12}|} = 1.114 > 1$$

Per passare da  $\Gamma_S = \frac{R_S - R_0}{R_S + R_0} = \frac{1}{3}$  a  $\Gamma_{SV} = (\Gamma_{IN})^* = 0.613 \angle -156^\circ$  si procede, come mostrato sulla

carta di Smith con un primo trasformatore a  $\lambda/4$  da  $R_S$  a  $R_A=12 \Omega$ , poi si ruota in senso orario fino a  $\Gamma_{SV}$  con una linea a  $50 \Omega$  di lunghezza  $0.466 \lambda$ . Il trasformatore a  $\lambda/4$  ha invece resistenza caratteristica  $R_{01} = \sqrt{R_A R_S} = 34.6 \Omega$ .

Passando alle microstrisce si osserva che la frequenza è la stessa che per l'esercizio A (e quindi anche  $\lambda_{TEM}$ ) e pure le impedenze caratteristiche sono simili (35 W è quasi indistinguibile da 30 sulla scala delle caratteristiche). Per cui possiamo estrarre i seguenti parametri:

$$\text{Per la linea a } R_0 = 50 \Omega \Rightarrow \frac{w}{h} = 2 \Rightarrow w = 2 \text{ mm}, \lambda = 86.25 \text{ mm} \quad l \cong 40 \text{ mm}$$

$$\text{Per il } \lambda/4 \text{ si ha: } R_{01} = 34.6 \Omega \cong 30 \Omega \Rightarrow w = 4 \text{ mm}, \lambda \cong 84 \text{ mm} \quad l = 21 \text{ mm}$$

**Punto 3)** Il rapporto segnale-rumore in uscita risulta per definizione pari

$$a: S/N = \frac{\text{potenza del segnale sul carico}}{\text{potenza del rumore sul carico}} = \frac{G_T P_{AIN}}{G_T \cdot kT \cdot F \cdot B} = \frac{P_{AIN}}{kT \cdot F \cdot B}$$

dove  $P_{AIN}$  è la potenza disponibile della sorgente del segnale,  $kT$  (pari a  $4.16 \times 10^{-21} \text{ W/Hz}$  a temperatura ambiente, ovvero 300 K) è la densità di potenza disponibile di rumore termico associato alla resistenza della sorgente,  $B$  è la banda sulla quale è richiesta la valutazione del rapporto S/N (1 MHz),  $F$  è la cifra di rumore. Tutti i termini sono noti tranne la cifra di rumore che può essere calcolata a partire dai parametri di rumore del circuito e dal  $\Gamma_{SV}$  mediante la formula:

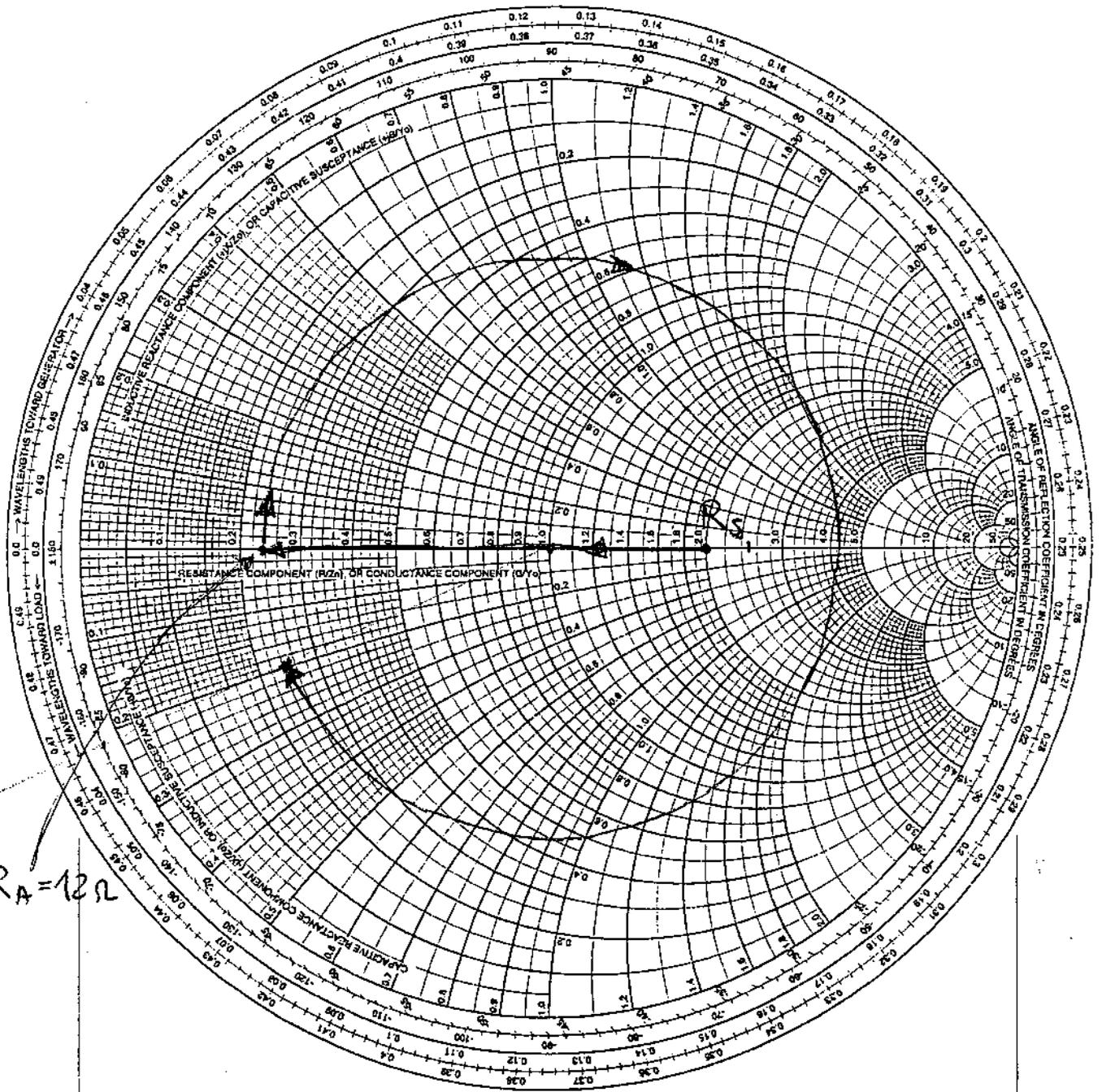
$$F = F_{MIN} + 4r_N \frac{|\Gamma_{SV} - \Gamma_0|^2}{(1 - |\Gamma_S|^2)(1 + |\Gamma_0|^2)}. \text{ Usando i parametri di rumore corrispondenti al nostro punto di}$$

riposo ( $\Gamma_0 = 0.53 \angle 172^\circ$ ,  $r_N = 0.08$ ,  $F_{MIN} = 1.55$  (1.92 dB) si ottiene una cifra di rumore di 1.78. Sostituendo questo valore nella formula del rapporto S/N si ottiene:  $S/N = 2.70 \times 10^8 = 84.3 \text{ dB}$ .

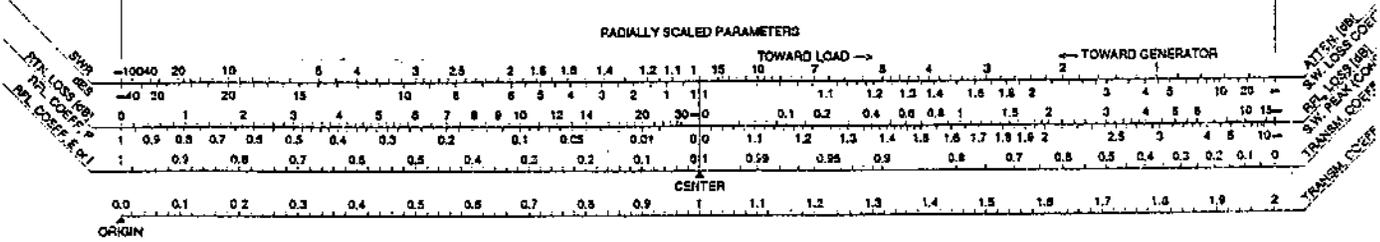
COMPTON 12-1-2001

Es. B

7



$R_A = 12\Omega$



$f_0 = 800 \text{ MHz}$

① si osserva dalle caratteristiche che il transistor in configurazione CE è incondizionatamente stabile.

Pertanto  $G_{TMAX} = G_{TMAX} = G_{PMAX}$

I parametri  $Y$  sono:

$Y_{EE} = 20 + 12j \text{ mS}$

$Y_{OE} = 0.4 + 7j \text{ mS}$

$Y_{FE} = 7 - 42j \text{ mS}$

$Y_{RE} = -2j \text{ mS}$

$Y_{FE}Y_{FE} = -84 - 14j \text{ (mS)}^2$

Le terminazioni che massimizzano il  $G_T$  sono

$G_{SOPT} = \frac{\sqrt{[2g_0 - \text{Re}\{Y_{FE}Y_{FE}\}]^2 - |Y_{FE}|^2}}{2g_0} = 65 \text{ mS}$

$B_{SOPT} = -b_0 + \frac{\text{Im}\{Y_{FE}Y_{FE}\}}{2g_0} = -37.5 \text{ mS}$

$G_{LOPT} = G_{SOPT} \frac{g_0}{g_i} = 1.3 \text{ mS}$

$B_{LOPT} = -b_0 + \frac{\text{Im}\{Y_{FE}Y_{FE}\}}{2g_i} = -3.35 \text{ mS}$

In corrispondenza si ottiene

$G_{TMAX} = \frac{4 G_{SOPT} G_{LOPT} |Y_F|^2}{|(Y_{SOPT} + Y_i)(Y_o + Y_{LOPT}) - Y_{FE}Y_{FE}|^2} = 11.8 \text{ [10.7 dB]}$

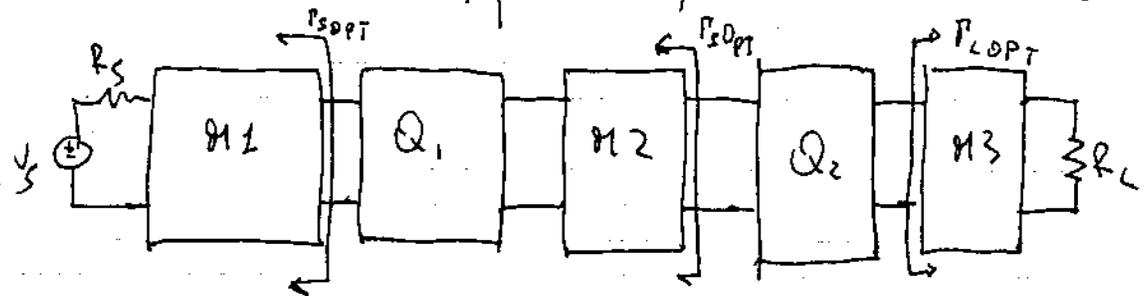
Poiché  $G_{TTOT} = G_{A1} \cdot G_{A2} \cdot \dots \cdot G_{TN}$

è il valore massimo di  $G_{A1}$  e  $G_{TN}$  è pari a 11.8 [10.7 dB]

si conclude che sono necessari almeno 2 stadi per ottenere

il  $G_{TTOT}$  richiesto.

② Per ottenere il massimo valore del  $P_{TOT}$  bisogna fare lavorare i due stadi in condizioni di Terminazione ottimale. Sono necessarie, pertanto, 3 reti di adattamento.



$M2$  deve, contemporaneamente "far vedere" l'impedenza ottimale di uscita a  $Q1$  e di ingresso a  $Q2$ . Affinchè ciò si verifichi, è sufficiente progettare  $M1$  in modo da realizzare una qualunque di queste due condizioni: l'altra sarà automaticamente verificata. In fatti, per la nota proprietà delle reti di adattamento, se si realizza l'adattamento complesso coniugato in uscita, lo si realizza anche in ingresso. Poichè le impedenze ottimali sono anche quelle in corrispondenza delle quali si ottiene l'adattamento complesso coniugato in ingresso e in uscita, ecco che l'affermazione fatta precedentemente, risulta dimostrata.

Si calcola  $Y_{OUT1} = Y_0 - \frac{Y_A Y_F}{Y_I + Y_S} = 1.26 + 7.423 j \text{ mS}$

dove  $Y_S = Y_{SOPT}$  In realtà non sarebbe necessario il calcolo di  $Y_{OUT1}$ , infatti: dato risultare  $Y_{OUT1} = Y_{LOPT}^*$

Poichè anche  $Q2$  vede in ingresso  $Y_{SOPT}$ , allora

$Y_{OUT2} = Y_{OUT1}$

Pertanto:

$M1$  trasforma  $50 \Omega$  in  $Y_{SOPT}$

$M2$  trasforma  $Y_{OUT1}$  in  $Y_{SOPT}$  e  $M3$  trasforma  $50 \Omega$  in  $Y_{OUT1}^*$

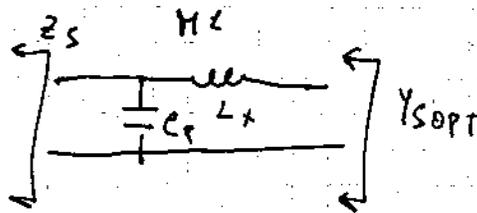
Progetto di M1 : trasforma  $Z_S$  in  $Z_{SOPT} = \frac{1}{Y_{SOPT}} = 11.6 + j6.6 \Omega$   
 $\frac{1}{B_1} = 50 \Omega > \frac{1}{B_2} = 15.38 \Omega$

trasformazione in discesa [parallelo serie]

$50 \Omega \parallel C_p \Rightarrow R_S = 11.6 \Omega$   $Q_p = \sqrt{\frac{R_p - R_s}{R_s}} = 7.82 = \omega_0 R_p C_p$   
 $C_p = 6.4 \text{ pF}$   $C_S = C_p \frac{1 + Q_p^2}{Q_p^2} = 0.3 \text{ pF}$

$X_S = -\frac{1}{\omega_0 C_S} = -15.6 \Omega$  ;  $X_X + X_S = 6.6 \Omega \Rightarrow X_X = 22.2 = \omega_0 L_X$

$L_X = 4 \text{ mH}$



Progetto di M2 : trasforma  $Y_{OUT1} = 2.3 + j7.35 \text{ S}$  in  $Y_{SOPT} = 65 - j37.5 \text{ S}$

$\frac{1}{C_1} = 768 \Omega > \frac{1}{C_2} = 15.38 \Omega \Rightarrow$  trasformazione in discesa [parallelo serie]

$Y_{OUT1} \parallel B_{OUT1} \parallel C_p \Rightarrow R_S = 11.6 \Omega$   $Q_p = 7$   $C_p = 2.6 \text{ pF}$   
 $C_S \approx C_p$

$Z_{SOPT} = 11.6 + j6.6 \Omega$

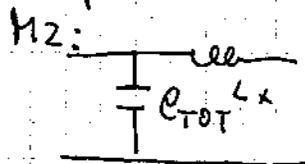
$X_S = -\frac{1}{\omega_0 C_S} = -104 \Omega$

$X_X + X_S = 6.6 \Omega \Rightarrow L_X = \frac{110.6}{\omega_0} = 18.4 \text{ mH}$

$B_p = \omega_0 C_p = 8 \text{ mS}$

$B_p - B_{OUT1} = 2.65 \text{ mS} = \omega_0 C_{TOT}$

$C_{TOT} = 0.3 \text{ pF}$



Progetto di M3 : trasforma  $Z_L$  in  $Y_{LOPT}$

$\frac{1}{B_1} = Z_L = 50 \Omega$

$\frac{1}{B_2} = 760 \Omega$  : trasf. in salita [serie parallelo]

$C_S = \frac{1}{Q_S \omega_0 R_S}$

$Q_S = \sqrt{\frac{760 - 50}{50}} = 3.8 \Rightarrow C_S = 0.9 \text{ pF}$

$C_p = C_S \frac{Q_S^2}{1 + Q_S^2} = 0.86 \text{ pF}$   $\omega_0 C_p = B_p = 4.8 \text{ mS}$

$B_X + B_p = -7.35 \text{ mS} \Rightarrow B_X = -\frac{1}{\omega_0 L_X} = -12.15 \text{ mS} \Rightarrow L_X = 14.5 \text{ mH}$   
 Per le reti di polarizzazione vedi soluzioni di compiti o'anni precedenti